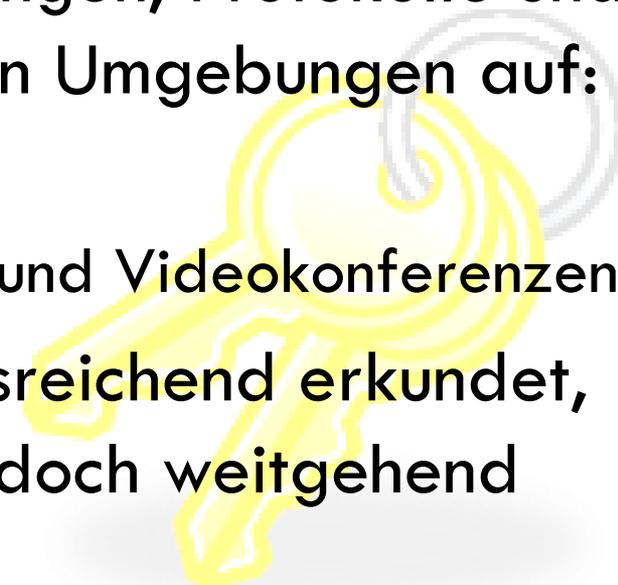




KEY AGREEMENT IN DYNAMIC PEER GROUPS

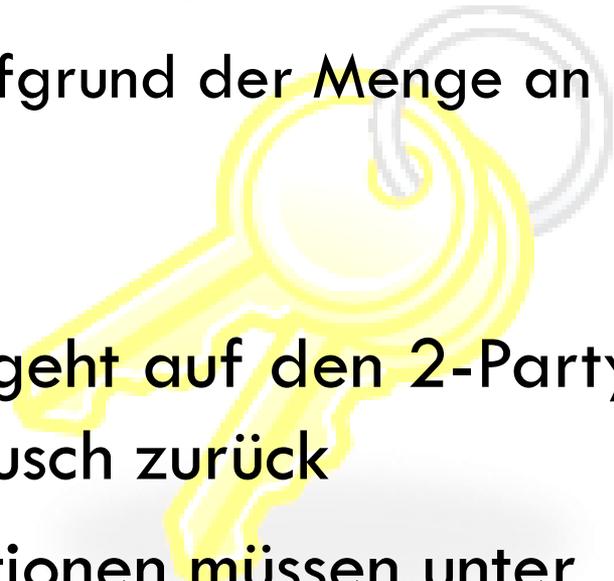
Seminar Kryptographische Protokolle SS 2009

Motivation

- Gruppenorientierte Anwendungen, Protokolle und Kommunikation treten in vielen Umgebungen auf:
 - ▣ Netzwerk-Schicht: Multicasting
 - ▣ Anwendungs-Schicht: Telefon- und Videokonferenzen
 - Peer-to-Peer Sicherheit ist ausreichend erkundet, Gruppenkommunikation ist jedoch weitgehend unerforscht
 - Gruppenkommunikation wird meist als triviale Erweiterung des 2-Personen falls gesehen
- 

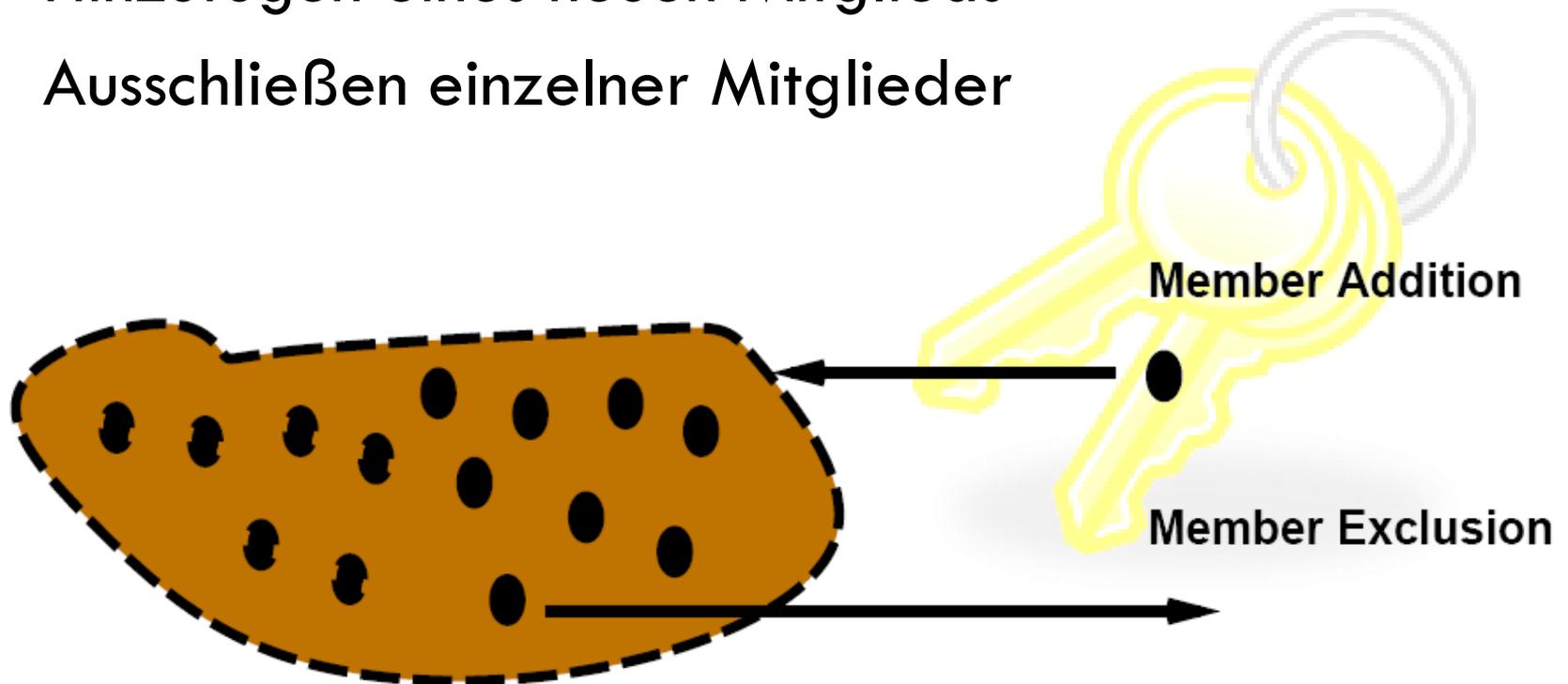
Konkretisierung des Problems

- Hier entstehen jedoch die Unterschiede
 - ▣ Protokolleffizienz wichtiger aufgrund der Menge an Teilnehmern
 - ▣ Dynamik der Gruppen
- Grundlegende Initialisierung geht auf den 2-Party-Diffie-Hellman Schlüsselaustausch zurück
- Folgende dynamische Operationen müssen unter dem Sicherheitsaspekt ermöglicht werden:



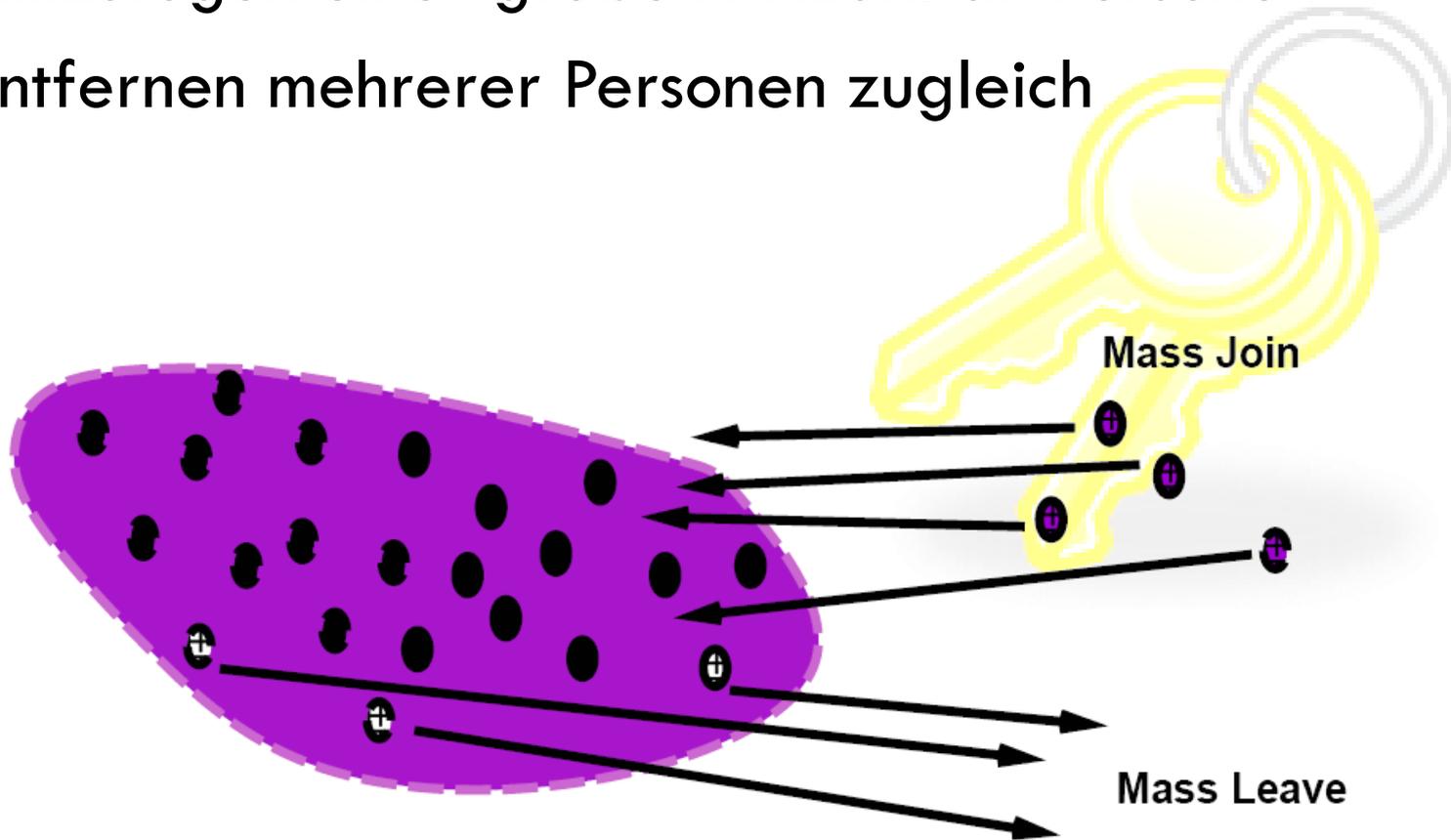
Operationen für einzelne Mitglieder

- Hinzufügen eines neuen Mitglieds
- Ausschließen einzelner Mitglieder



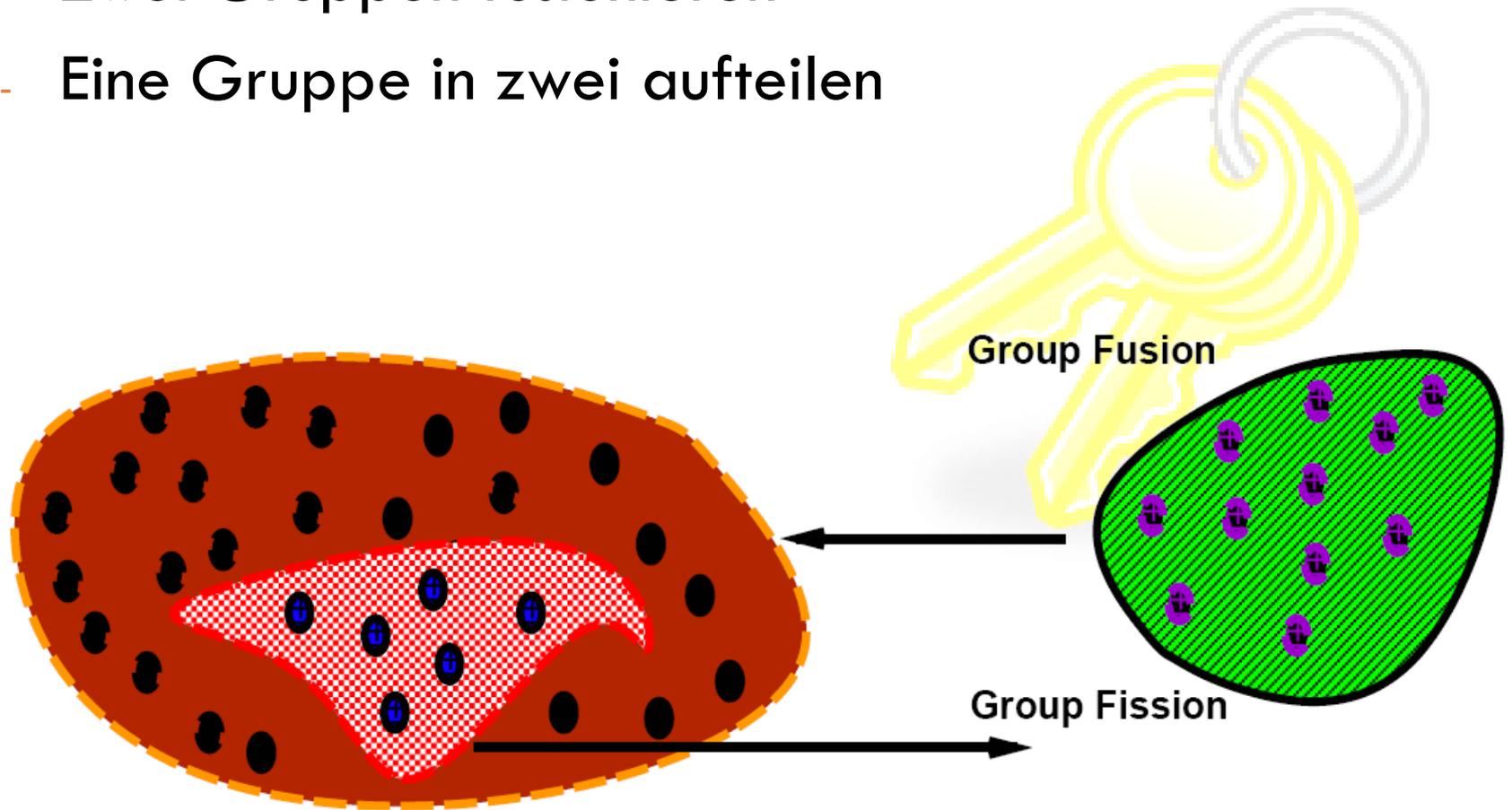
Operationen für mehrere Mitglieder

- Hinzufügen einer großen Anzahl an Personen
- Entfernen mehrerer Personen zugleich



Operationen für mehrere Mitglieder

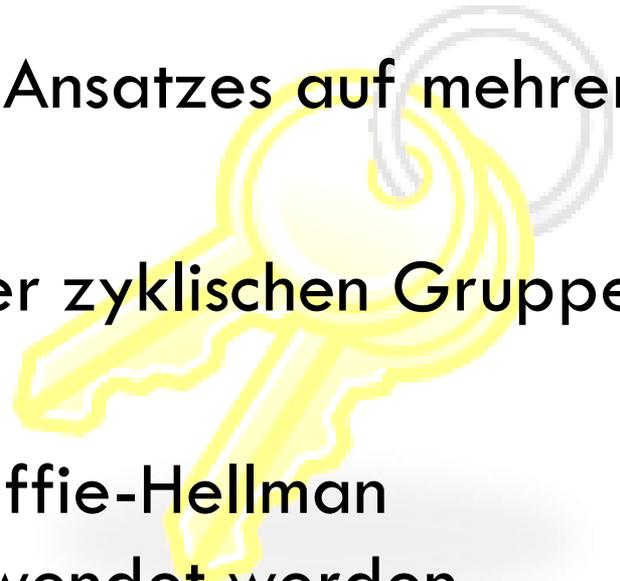
- Zwei Gruppen fusionieren
- Eine Gruppe in zwei aufteilen



Lösung für den Gruppenansatz

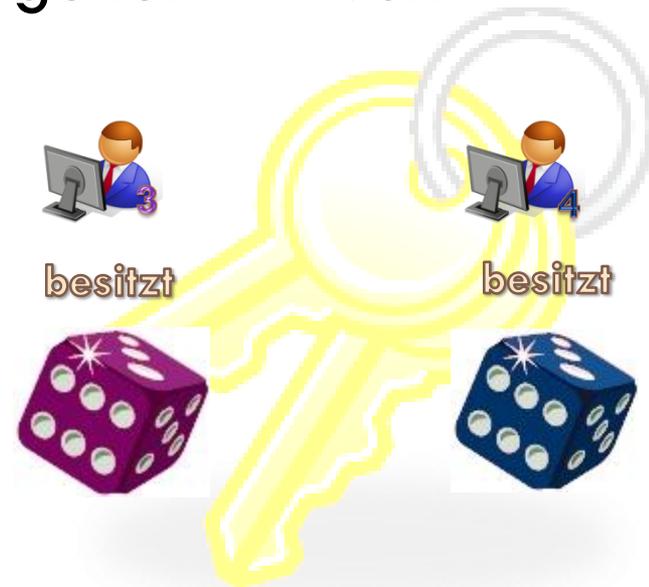
Erweiterung des Diffie-Hellman Ansatzes auf mehrere als nur zwei Teilnehmer:

- Alle Mitglieder tragen zu einer zyklischen Gruppe bei, mit 🎲 als Generator
- Entspricht Gruppen die bei Diffie-Hellman Verschlüsselung ebenfalls verwendet werden



Gegebener Rahmen

- In den Folgenden Beispielen gehen wir von 4-Mitgliedern aus:

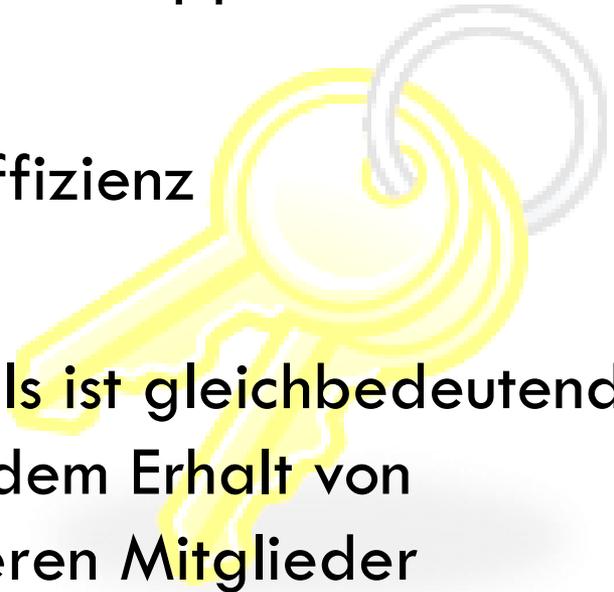


Schlüssel entspricht dann:

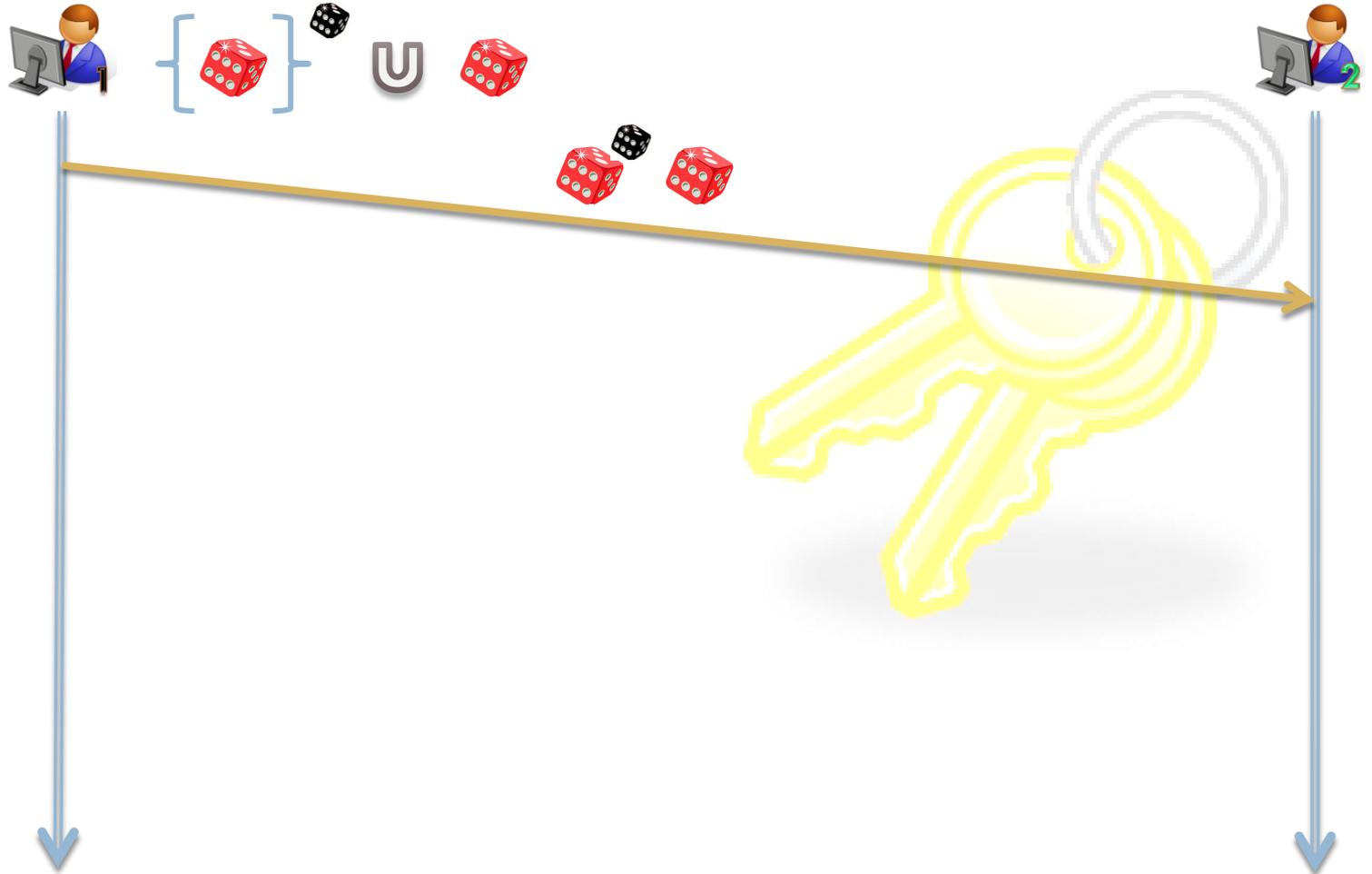


IKA (Initial Key Agreement)

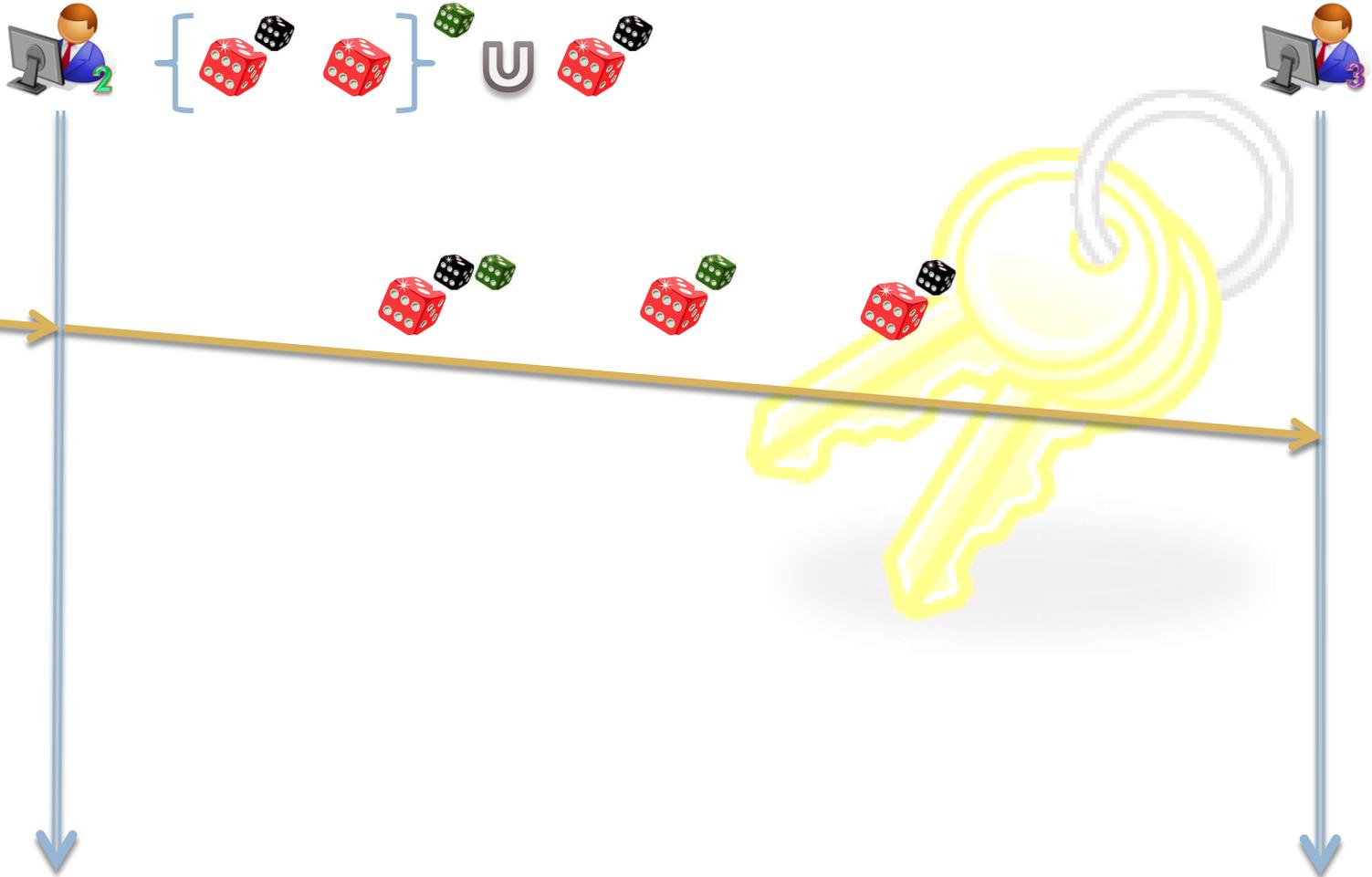
- Findet bei der Generierung einer Gruppe statt
- Focus auf Sicherheit, nicht auf Effizienz
- Das beisteuern eines Teilschlüssels ist gleichbedeutend mit der Gruppenteilnahme und dem Erhalt von Schlüsselinformationen der anderen Mitglieder
- Einzig nötige Operationen in statischen Gruppen



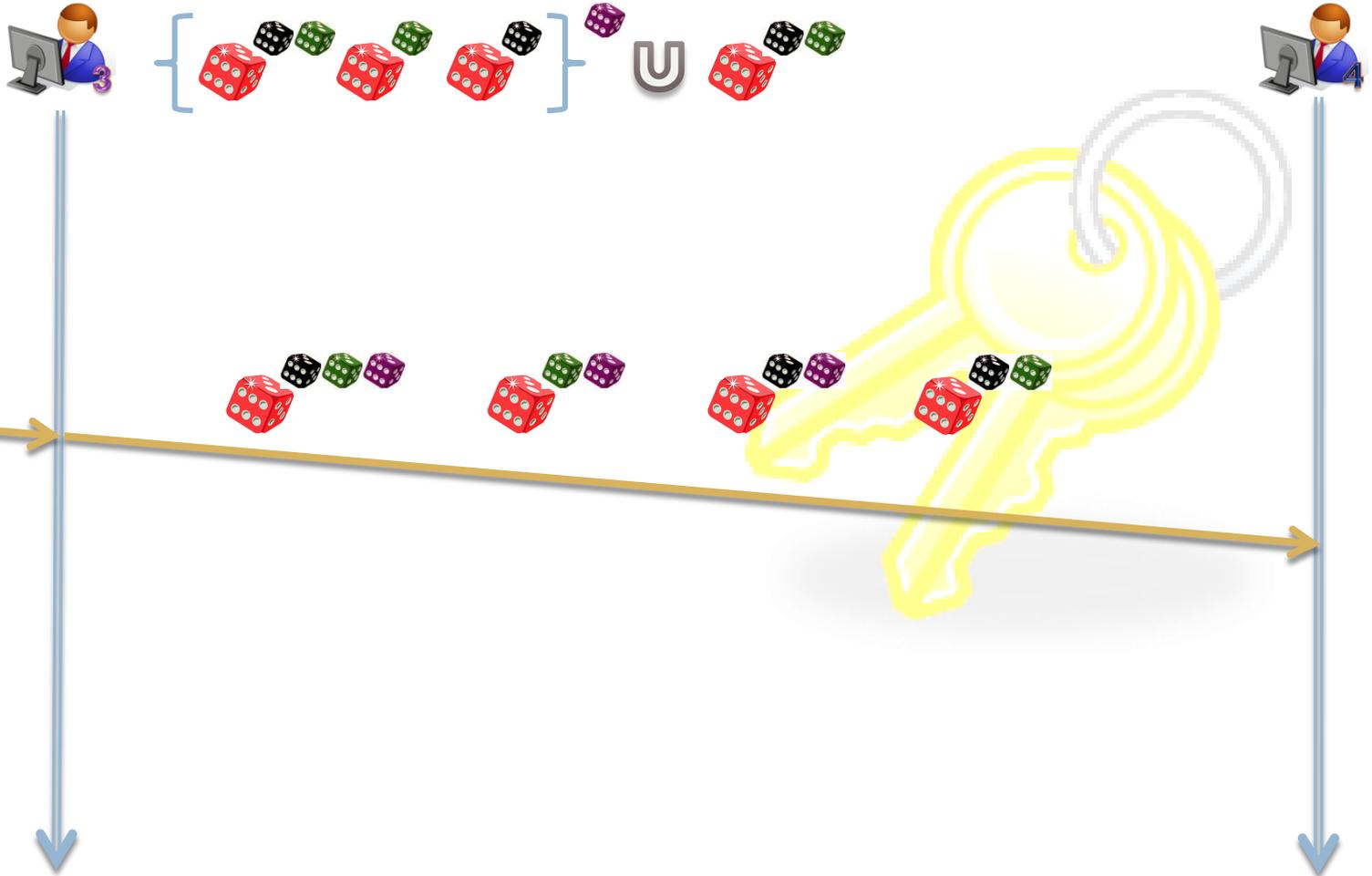
CLIQUEES: IKA.1



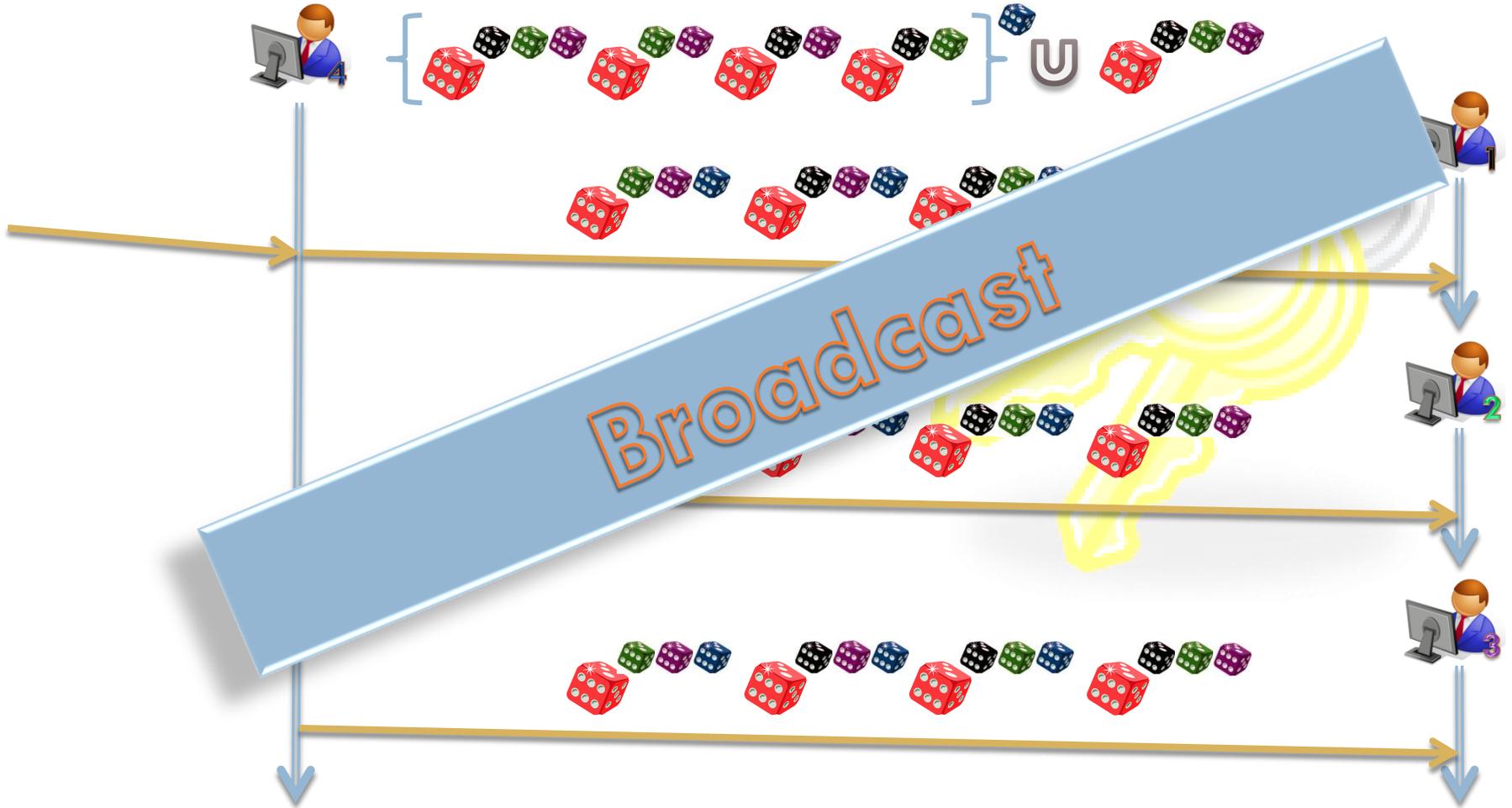
CLIQUEES: IKA.1



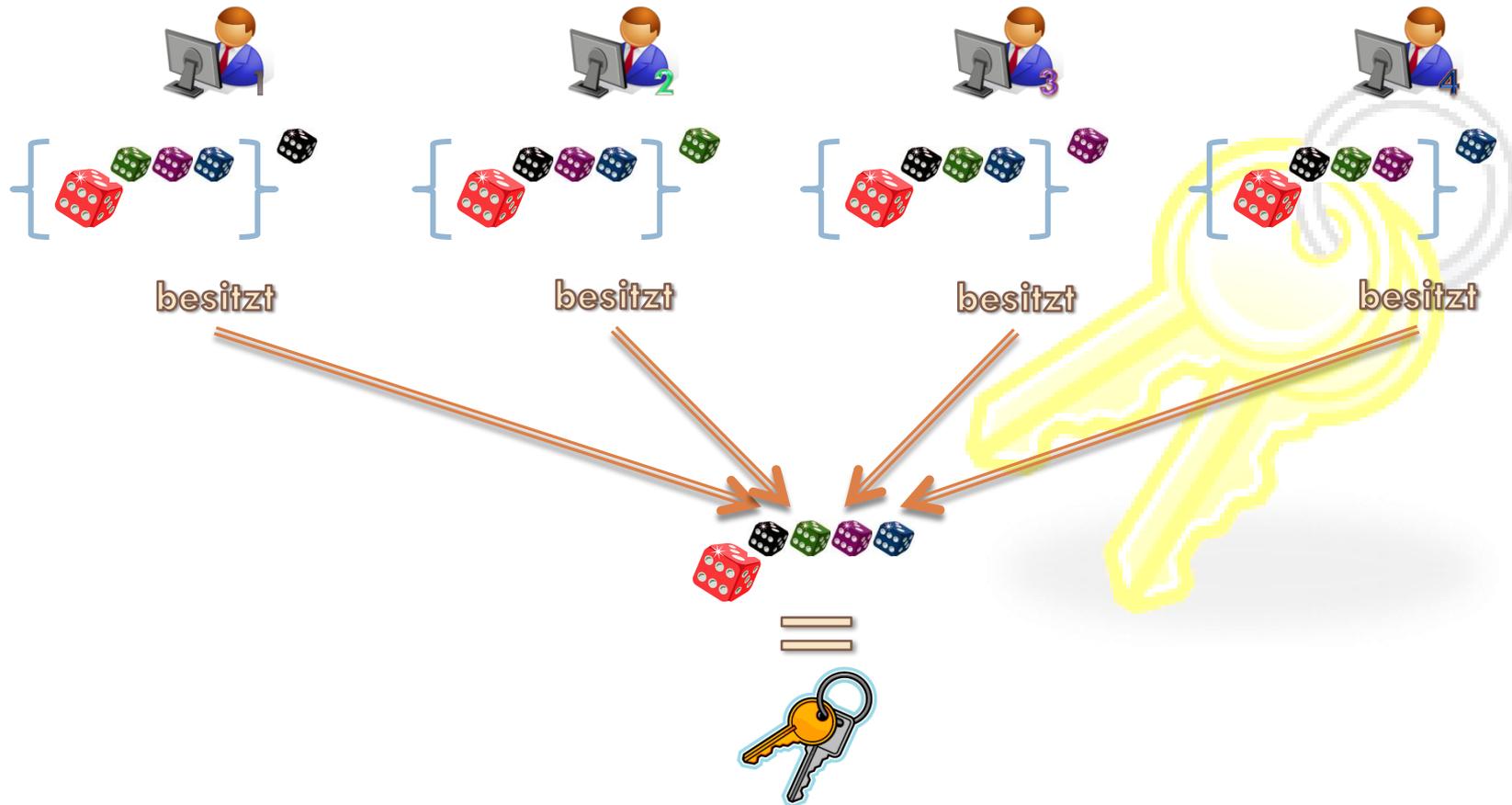
CLIQUEES: IKA.1



CLIQUEES: IKA.1



CLIQUEES: IKA.1



CLIQUEES: IKA.1 Zusammenfassung

Summe der
Potenzen

$$\bullet \left(\frac{(n + 3) n}{2} \right) - 1$$

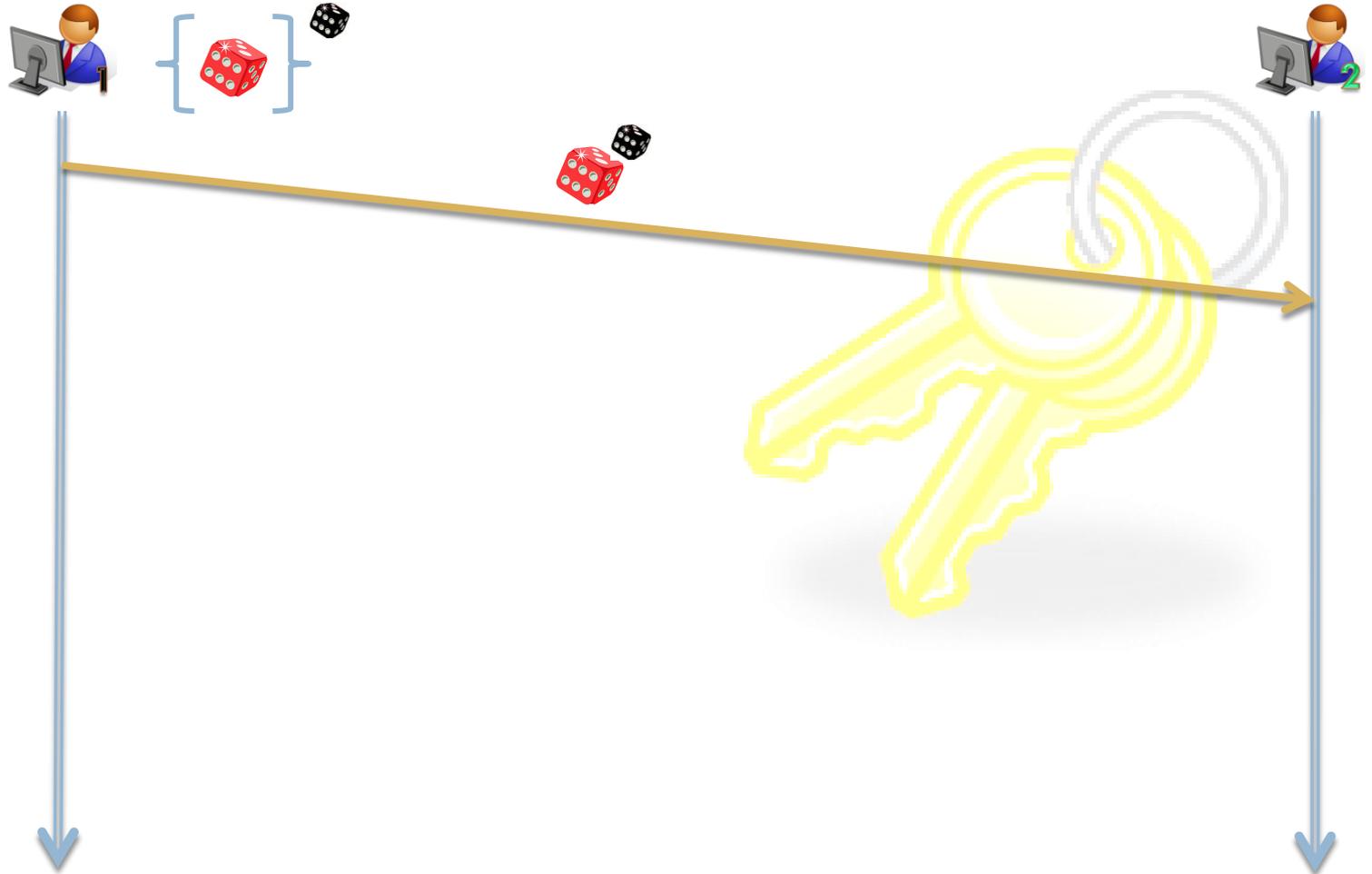
□ Problem der nicht-linearen Anzahl an Potenzen

→ Probleme bei großen Gruppen

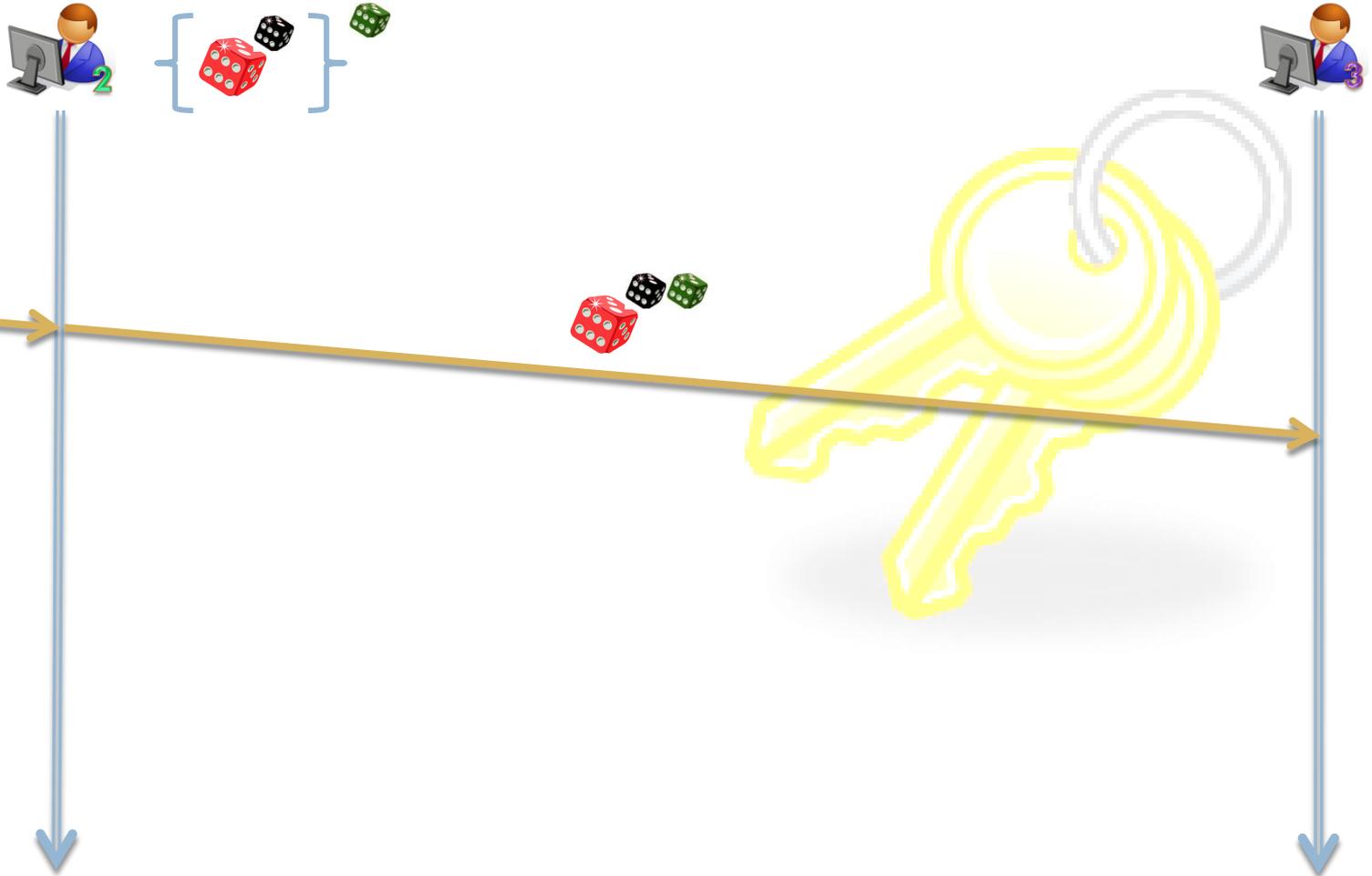
□ Gibt es eine bessere Lösung ?



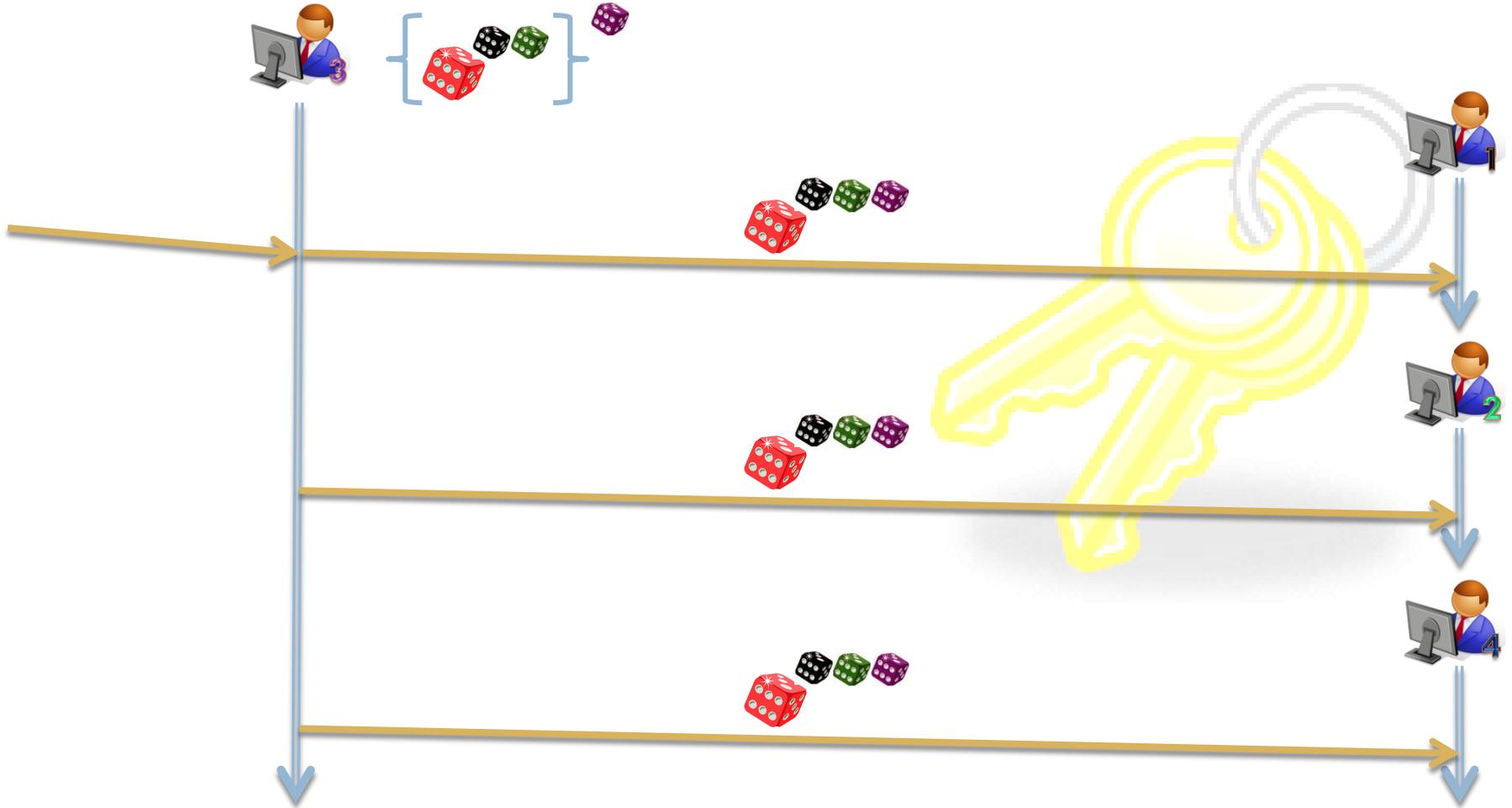
CLIQUEES: IKA.2



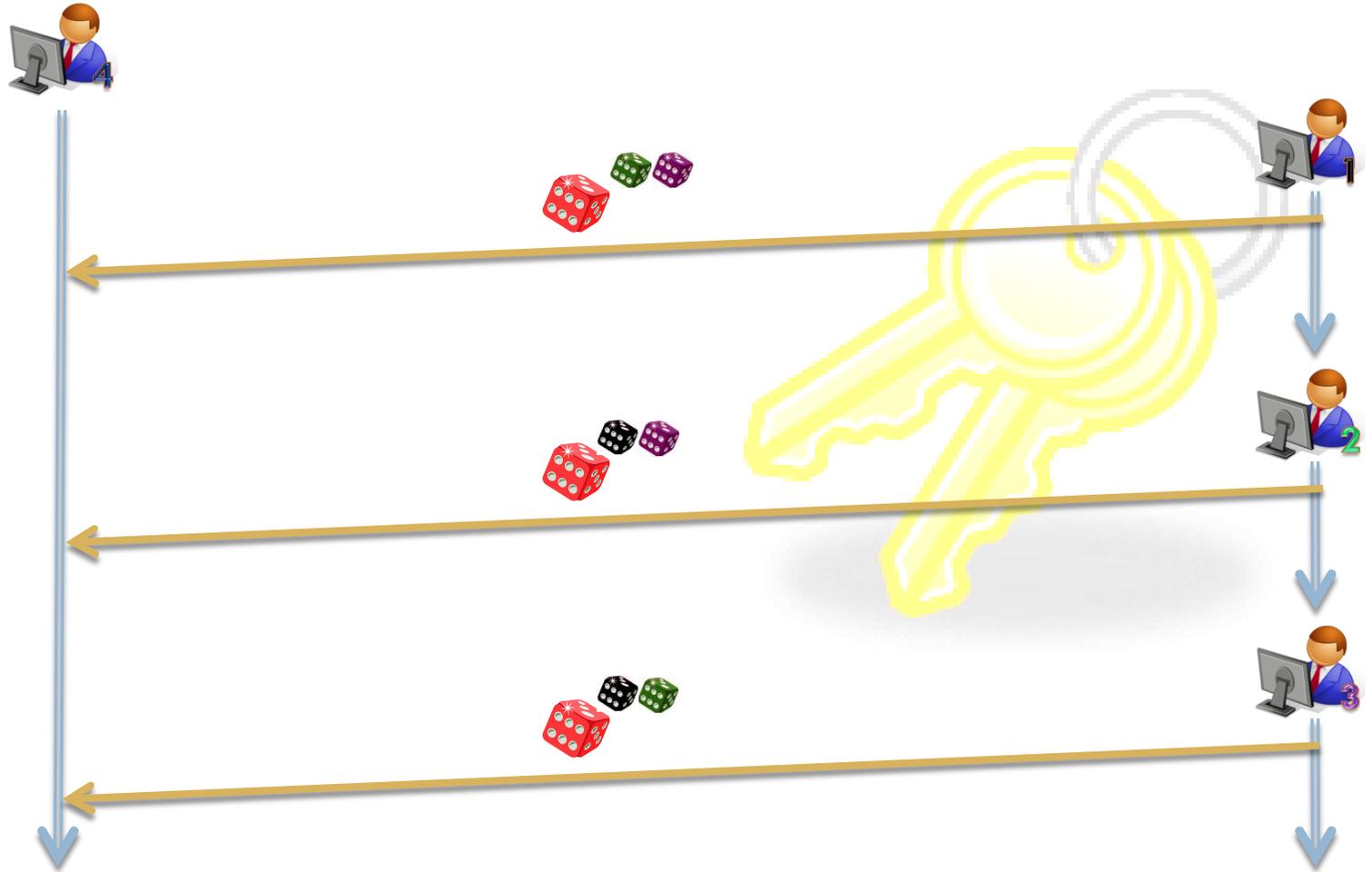
CLIQUEES: IKA.2



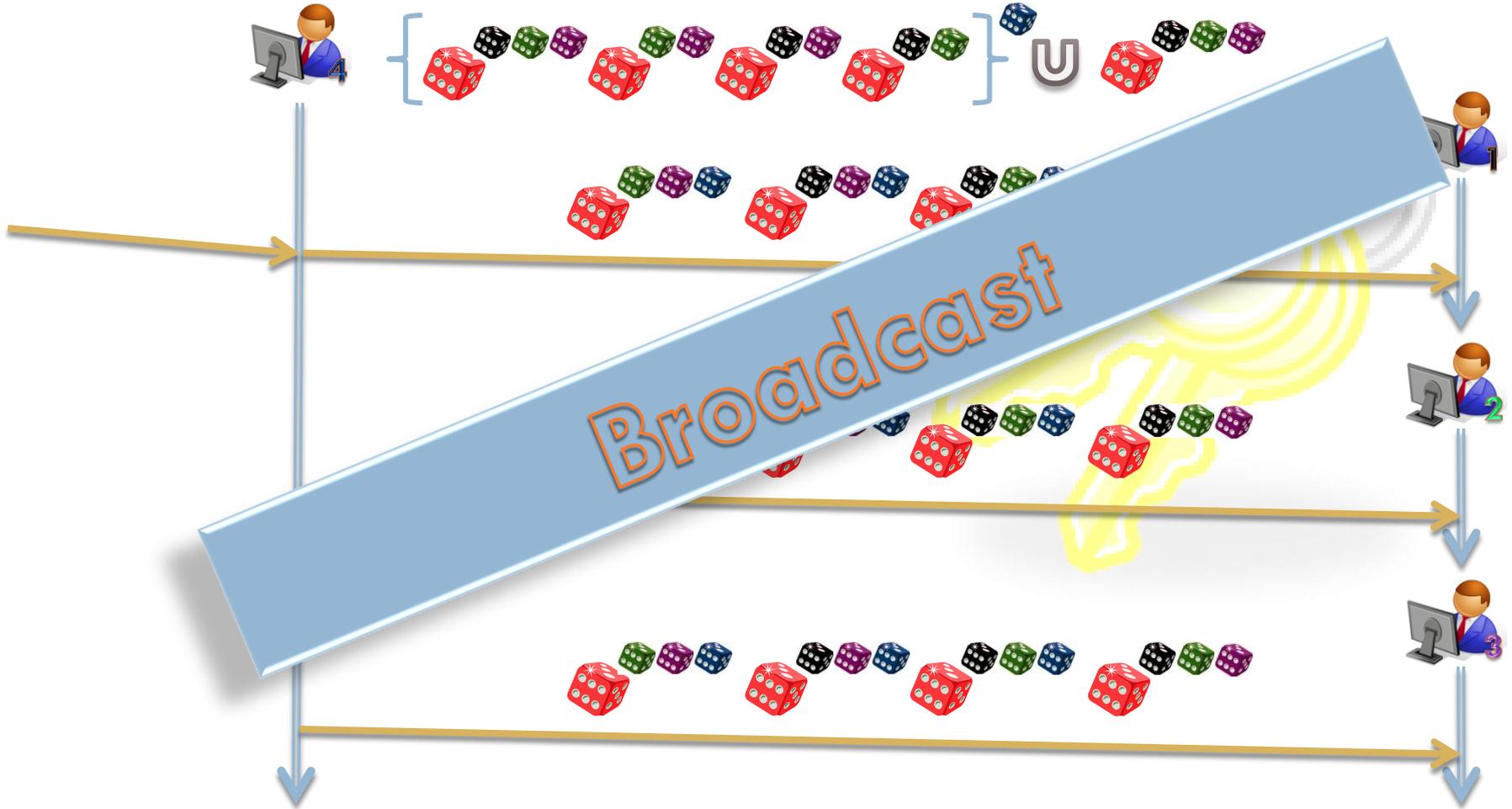
CLIQUEES: IKA.2



CLIQUEES: IKA.2



CLIQUEES: IKA.2



CLIQUEES: IKA-Vergleich

Summe der
Potenzen

$$\bullet 5n - 6$$

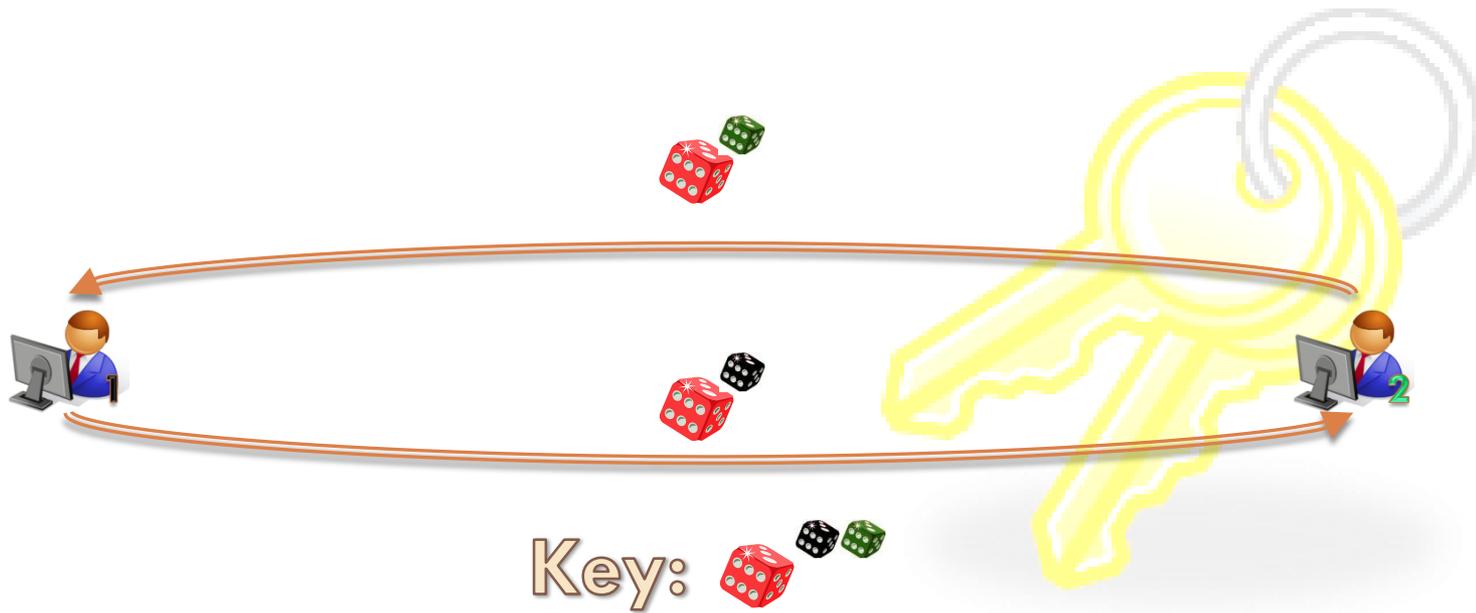
- IKA.2 benötigt weniger Potenzen
 - IKA.2 besitzt eine konstante Nachrichtenlänge
 - Jedoch kann es bei IKA.2 zu einem Engpass kommen, da vor dem Broadcast $n-1$ Unicast Nachrichten an einen Empfänger geschickt werden
- 

Sicherheit des n-Party Diffie-Hellman Problems

Um die Sicherheit des Problems zu zeigen, müssen wir uns mit seiner Grundlage dem 2-Party Diffie-Hellman beschäftigen.



Die Diffie-Hellman Probleme



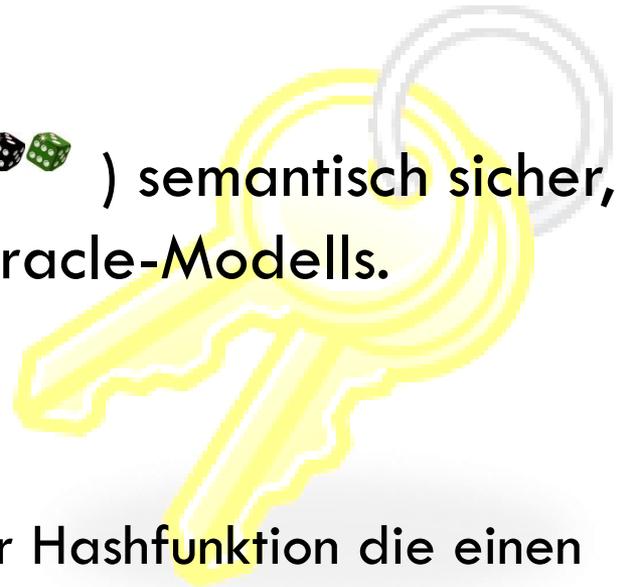
Sicherheit des Diffie-Hellman Problems

- **Computational Problem: (CDH)**
 - Ist der Angreifer in der Lage den Schlüssel aus den beiden abgefangenen Werten zu berechnen.
 - Reduktion auf Diskreter Logarithmus Problem (DL):
 - Multiplikative Gruppe G und ein Element g gegeben
 - Gegeben ist ein $y \in \langle g \rangle$, finde ein x für das gilt $y = g^x$
 - CDH wie auch DL ist für eine gut gewählte Gruppe hart

Sicherheit des Diffie-Hellman Problems

□ CDH Annahme:

- Wenn CDH gilt, dann ist $H(\text{red die}, \text{black die}, \text{green die})$ semantisch sicher, unter Annahme des Random-Oracle-Modells.
- Random-Oracle-Modell:
 - Eine vereinfachte Annahme einer Hashfunktion die einen perfekten Zufallsgenerator simuliert



Sicherheit des Diffie-Hellman Problems

- **Decisional Problem: (DDH)**
 - ▣ Kann der Angreifer den Schlüssel, mithilfe der abgefangenen Werte, von einer gegebenen Zufallszahl unterscheiden.
- **Konzept der polynomiellen Ununterscheidbarkeit :**
 - ▣ Ein Verfahren ist sicher wenn es keinen Algorithmus gibt, der in polynomieller Laufzeit zwischen einem Diffie-Hellman Schlüssel und einer Zufallszahl mit einer Wahrscheinlichkeit signifikant größer als $\frac{1}{2}$ unterscheiden kann
 - ▣ Dies trifft für gut gewählte Gruppen auf Diffie-Hellman zu

Sicherheit des Diffie-Hellman Problems

- DDH Annahme:

- Wenn DDH gilt, dann ist  semantisch sicher.
- DDH stärker als CDH

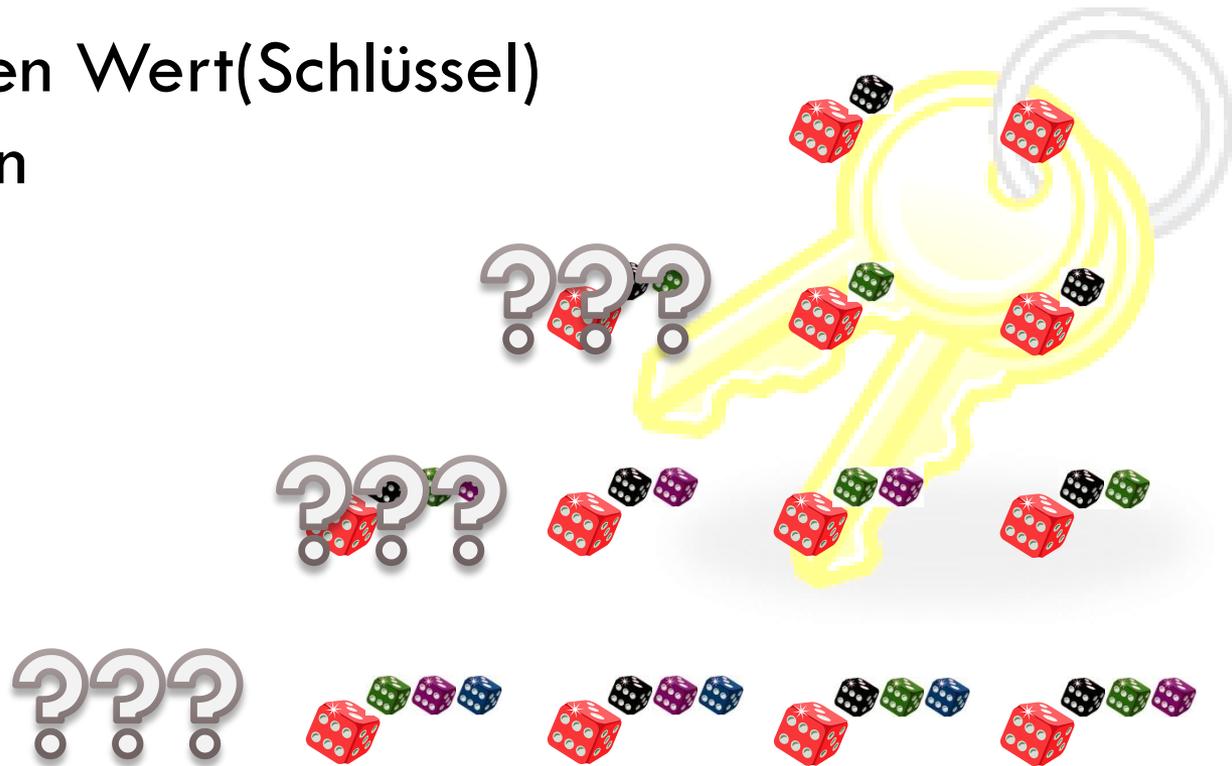
- Daraus folgt:

- $DL \geq CDH \geq DDH$



Group-Computational-DH

- Problem:
Den letzten Wert(Schlüssel)
berechnen

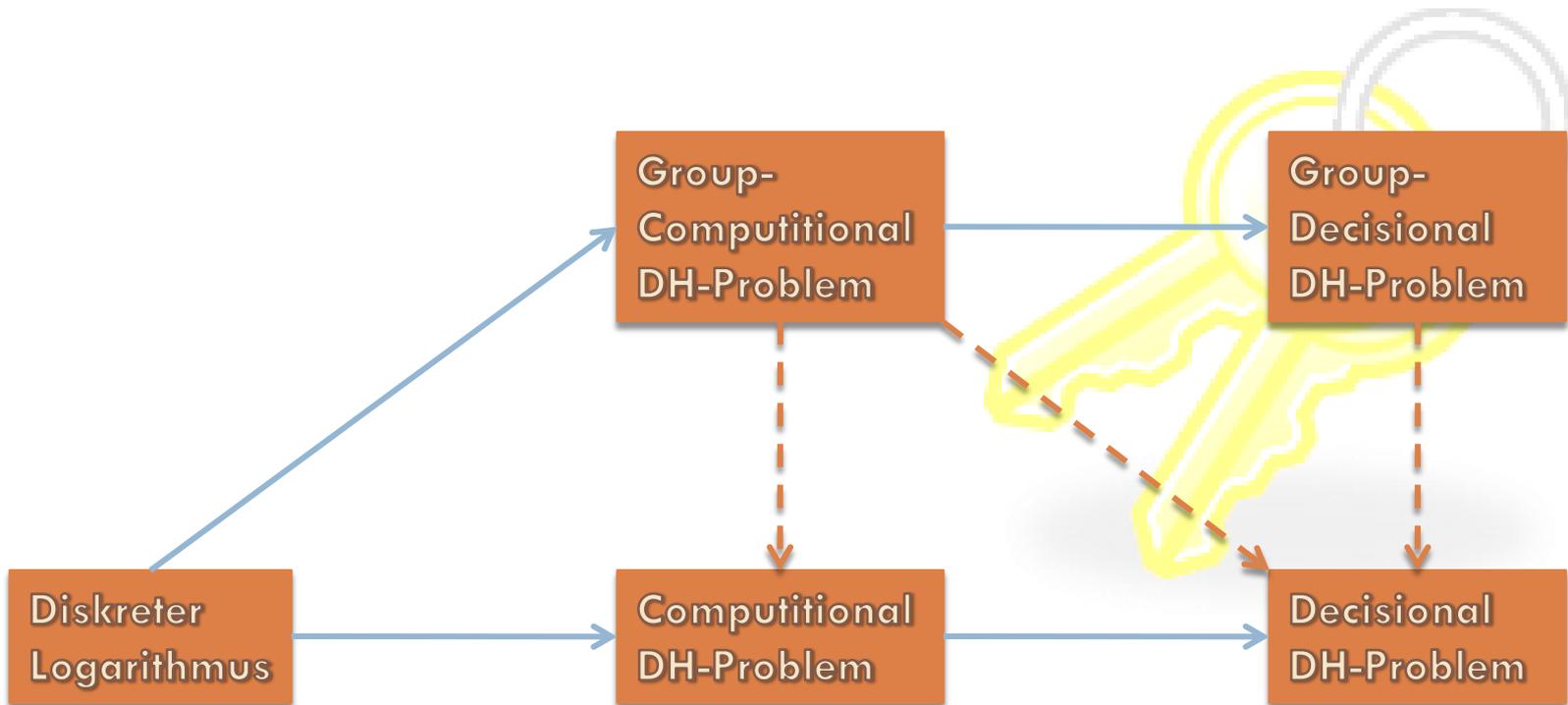


Group-Decisional-DH

- Problem:
Den letzten Wert(Schlüssel)
von einem Zufallswert
unterscheiden

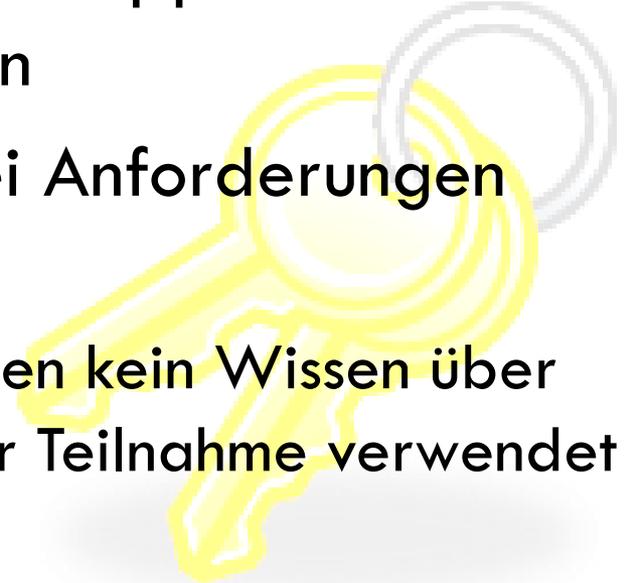


Problem-Hierarchie



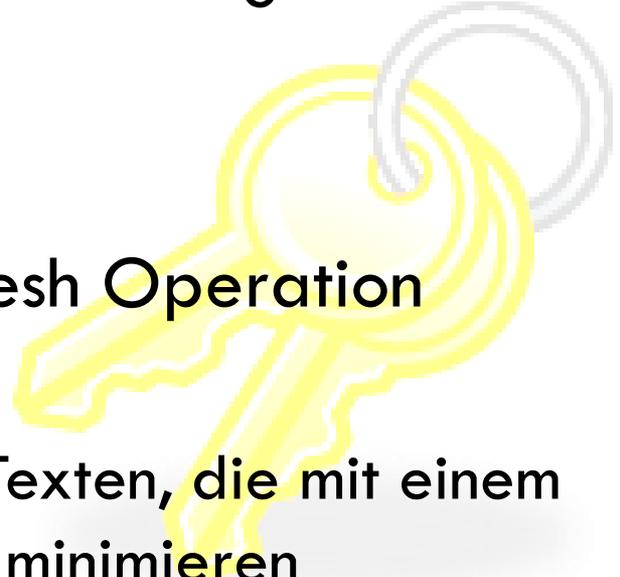
AKA (Auxiliary Key Agreement)

- Kann jeder Zeit während der Gruppenexistenz in beliebiger Häufigkeit erfolgen
- Alle Operationen müssen zwei Anforderungen erfüllen:
 - ▣ Neue Gruppenmitglieder müssen kein Wissen über Schlüssel besitzen, die vor ihrer Teilnahme verwendet wurden
 - ▣ Neue Schlüssel dürfen ehemaligen Mitgliedern nicht bekannt sein



CLIQUE: AKA

- Dieses Protokoll unterstützt alle oben genannten Operationen
- Zusätzlich wird eine Key Refresh Operation eingeführt um:
 - ▣ Die Menge an verschlüsselten Texten, die mit einem Schlüssel generiert werden, zu minimieren
 - ▣ Verlorene Schlüssel durch Neue zu ersetzen



Member Addition Operation (fließenden Gruppenleiter)

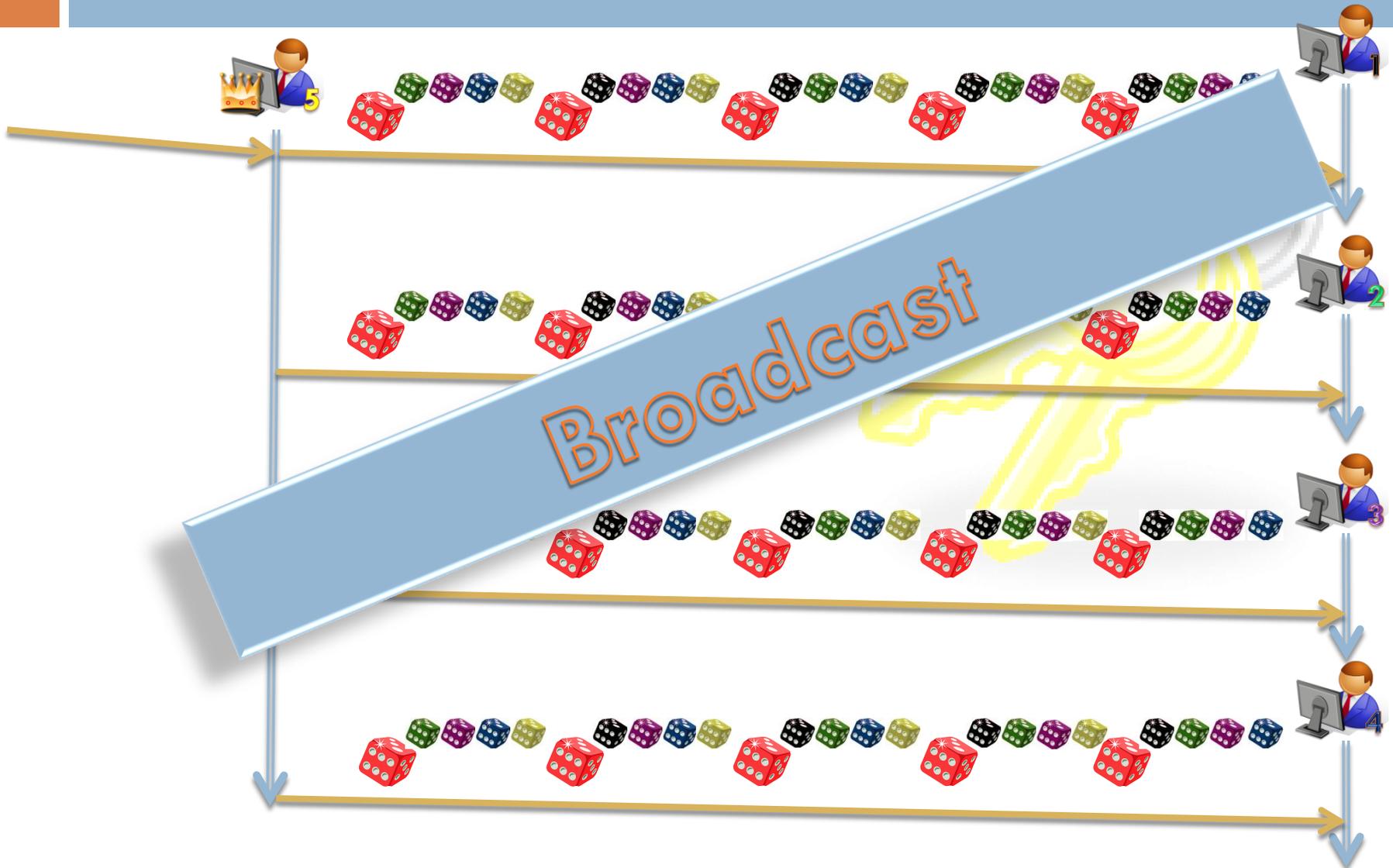
- Wir führen ein neues Symbol (👑) um den Gruppenleiter zu kennzeichnen
- Entspricht dem Mitglieder der den Broadcast durchführt
- Der alte Gruppenleiter ändert zuvor seinen Schlüsselanteil



Member Addition Operation (fließenden Gruppenleiter)

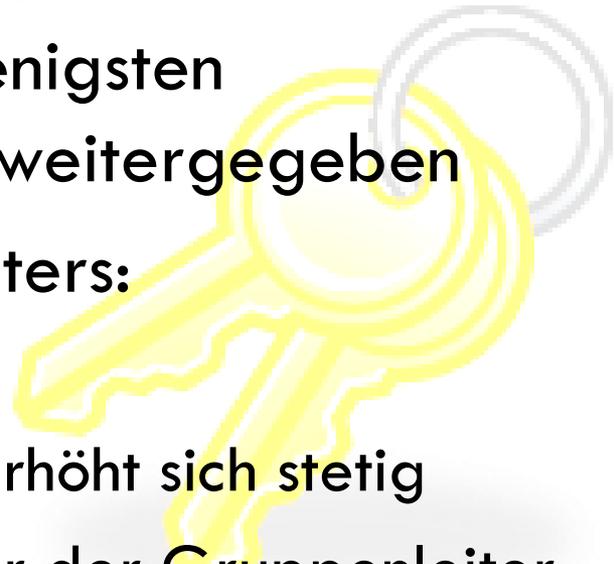


Member Addition Operation (fließenden Gruppenleiter)

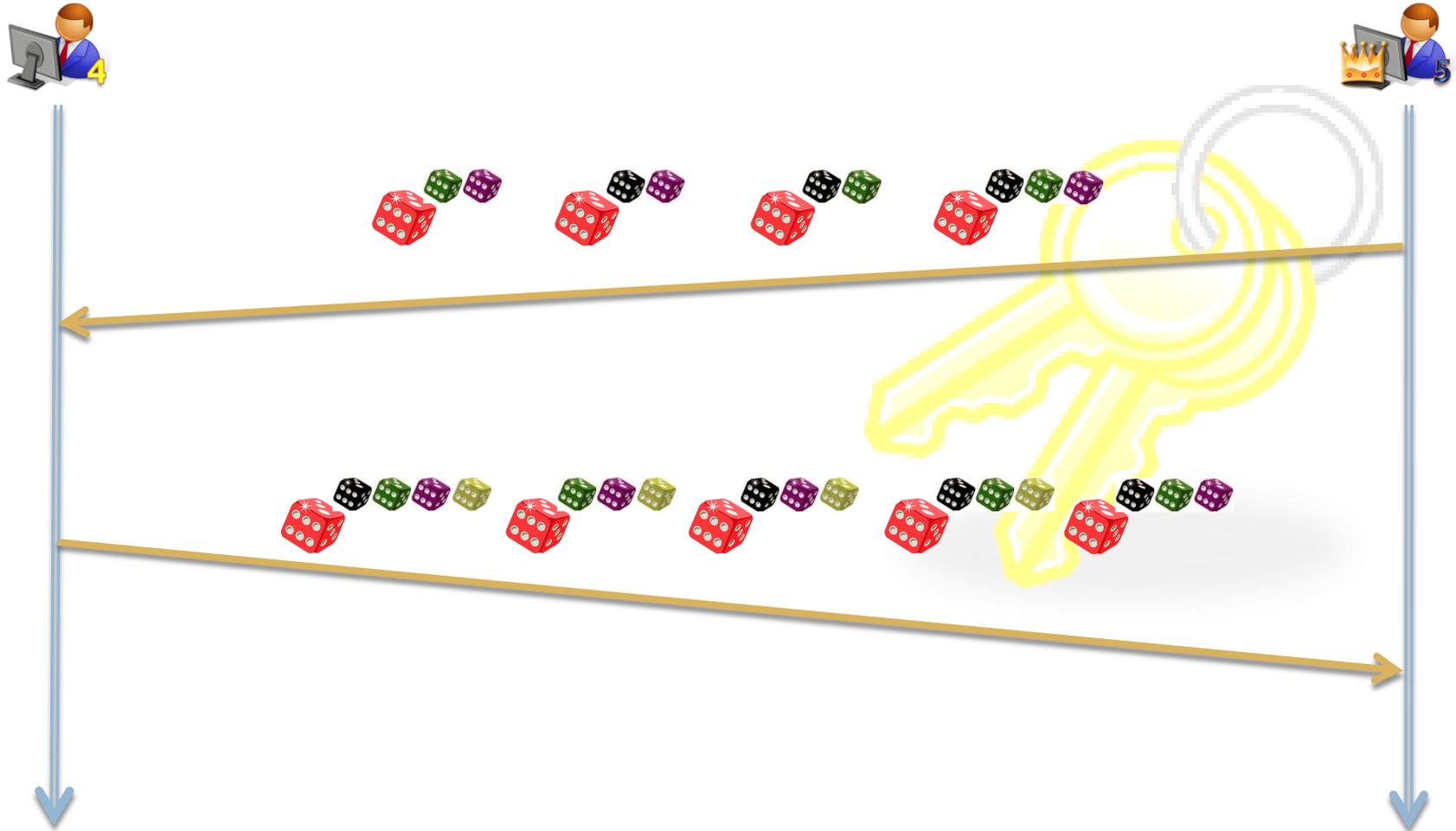


Member Addition Operation (festen Gruppenleiter)

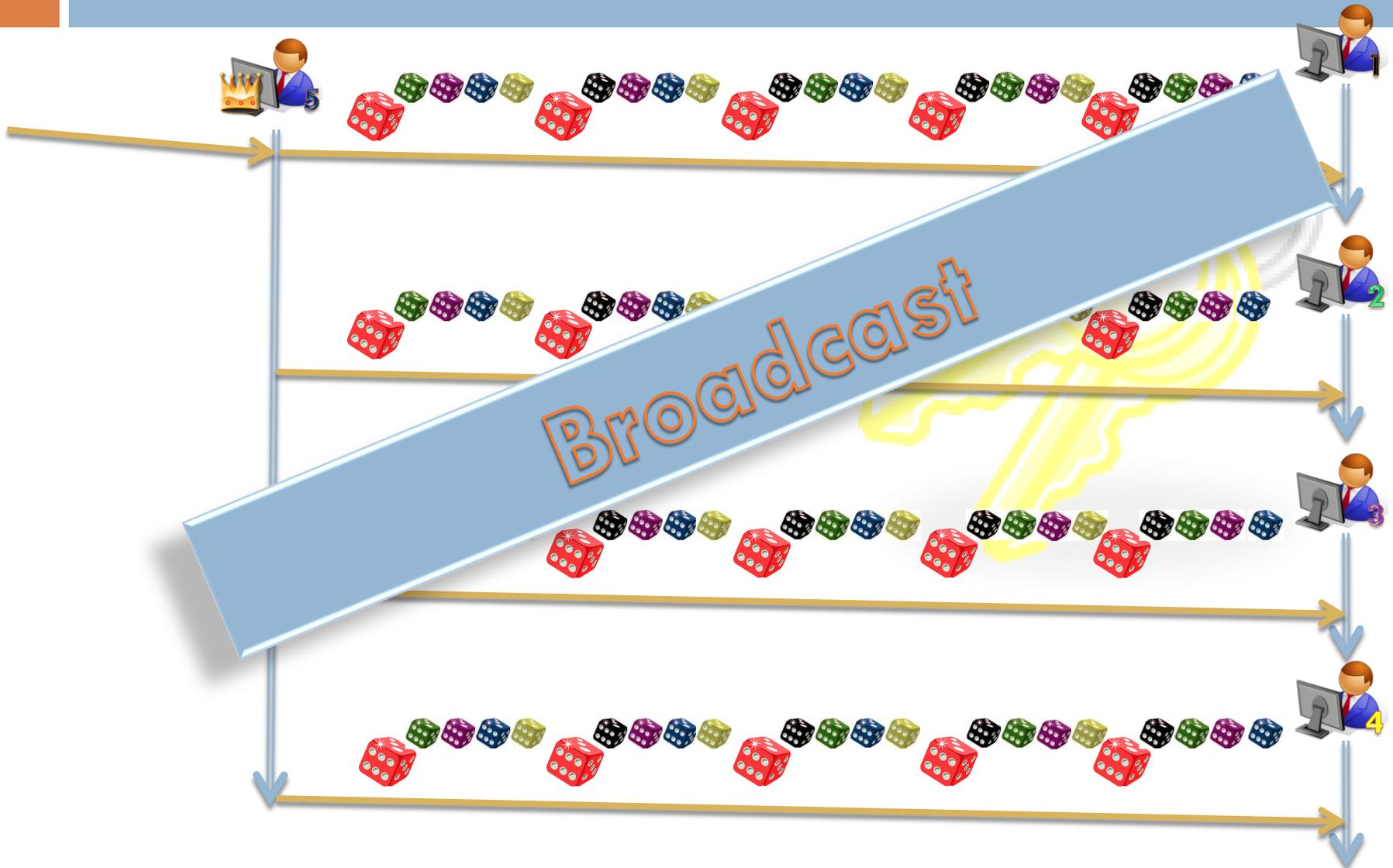
- Bei fließenden Ansatz wird die Rolle des Gruppenleiters an das am wenigsten vertrauenswürdigen Mitglied weitergegeben
- Ansatz des festen Gruppenleiters:
 - ▣ Der Gruppenleiter bleibt fest
 - ▣ Der Index in der Reihenfolge erhöht sich stetig
 - ▣ Somit ist der letzte Index immer der Gruppenleiter



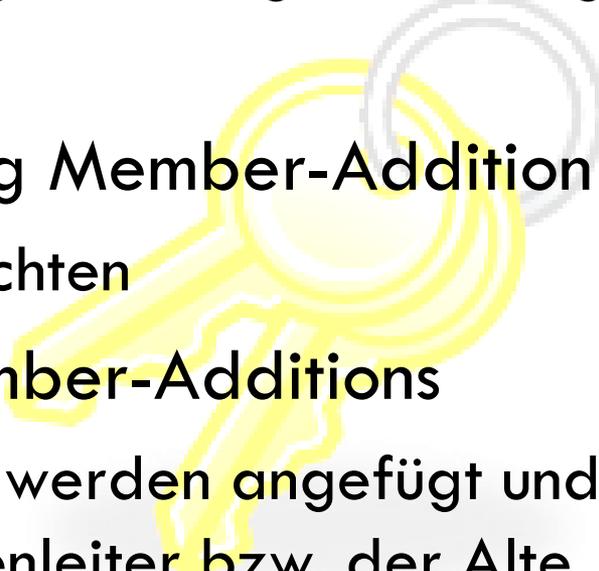
Member Addition Operation (festen Gruppenleiter)



Member Addition Operation (festen Gruppenleiter)



Mass Join Operation

- Ziel: Eine Menge an Mitgliedern gleichzeitig hinzufügen
 - Lösung 1: Mehrfachausführung Member-Addition
 - ▣ Viel zu viele Broadcast-Nachrichten
 - Lösung 2: Verkettung der Member-Additions
 - ▣ Alle neuen Gruppenmitglieder werden angefügt und der Letzte ist der neue Gruppenleiter bzw. der Alte
 - ▣ Welcher den Broadcast ausführt
- 

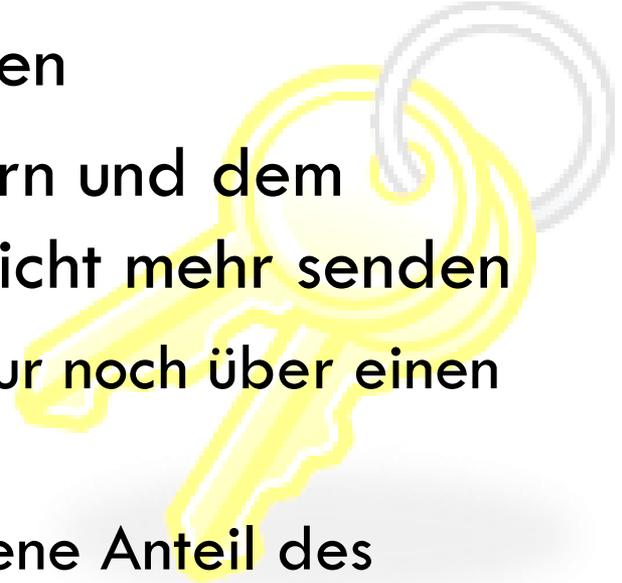
Group Fusion Operation

- Ziel: Eine schon existierende Gruppen mit einer anderen zu verknüpfen
- Lösung 1: Ein Spezialfall des Mass-Joins
 - ▣ Gruppen müssen relativ klein sein
 - ▣ In diesem Fall schneller
- Lösung 2: Eine Neuausführung des IKA
 - ▣ Sicherer, da alle Schlüssel-Beiträge neu errechnet
- Keines von beiden besser, da abhängig von Anwendungssituation

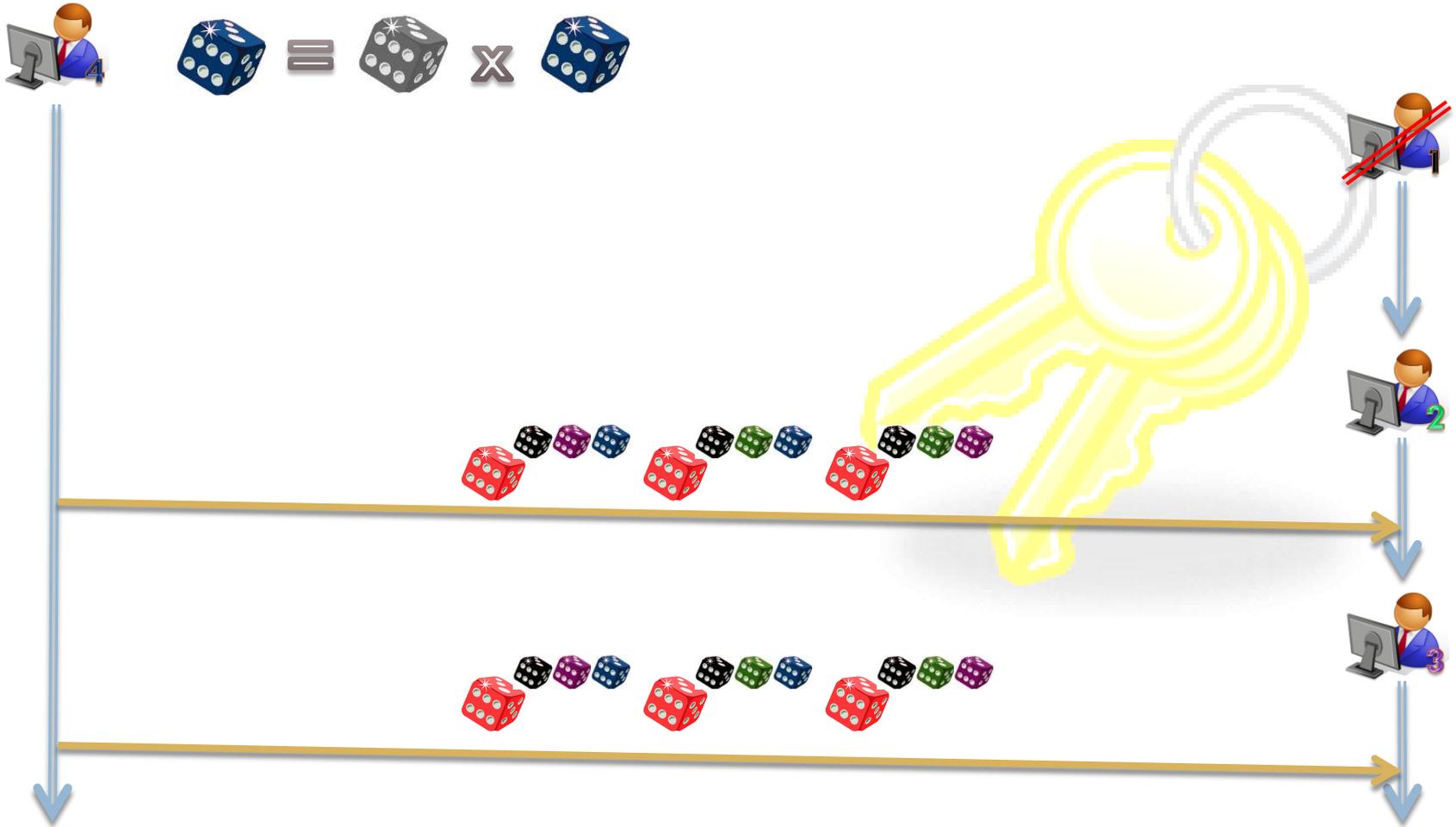


Member Exclusion Operation

- Ziel: Das entfernte Mitglied darf den neuen Schlüssel nicht kennen
- Lösung: Einen Beitrag ändern und dem Ausgeschlossenen nicht mehr senden
 - ▣ Der Ausgeschlossene verfügt nur noch über einen veralteten Schlüssel
 - ▣ Der im neuen Schlüssel enthaltene Anteil des Ausgeschlossenen ist irrelevant



Member Exclusion Operation



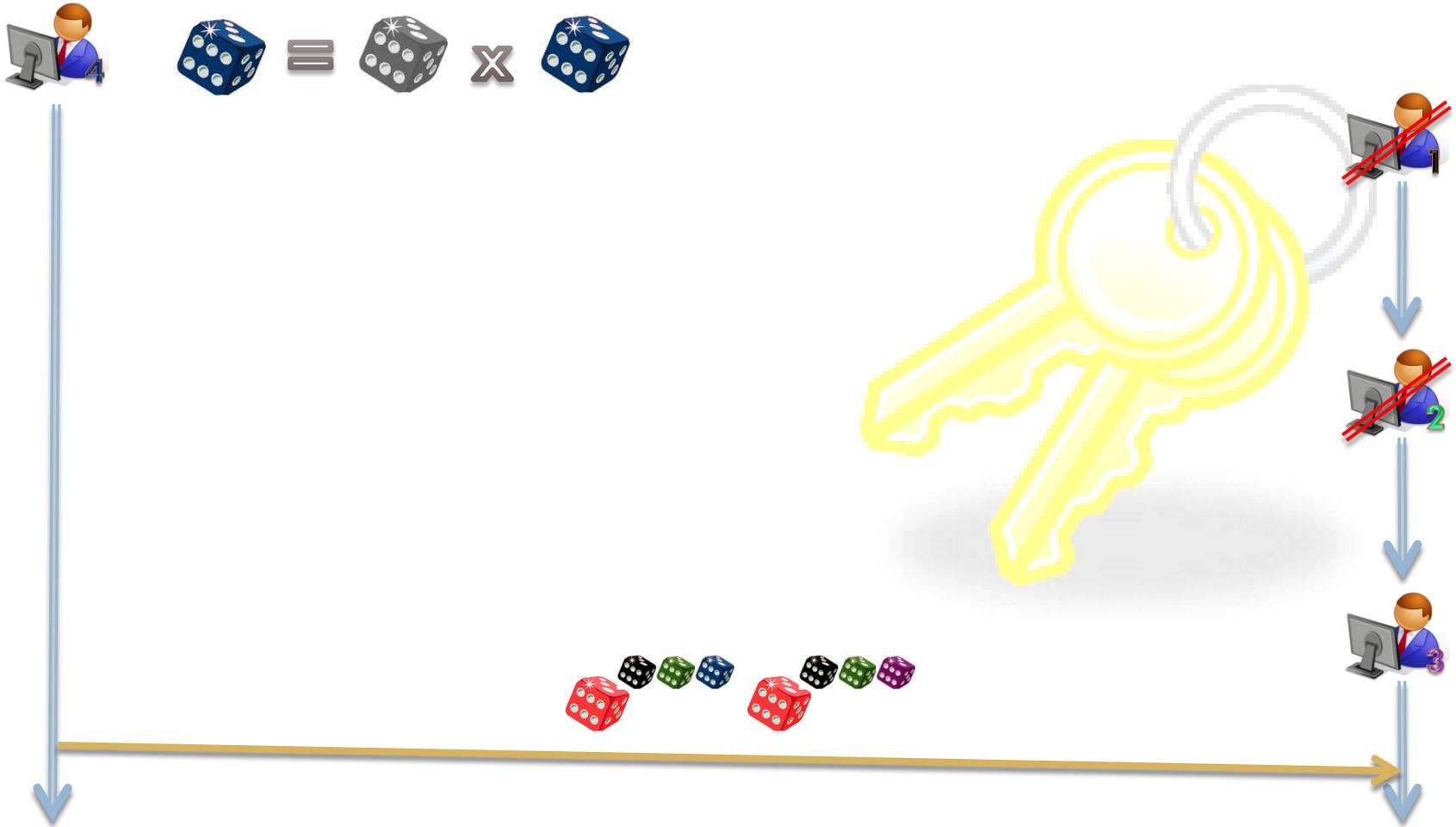
Subgroup Exclusion Operation

- Einfachste Lösung:

- Statt nur einen Mitglieder den Schlüssel nicht mehr zu schicken, wird dies bei mehreren vollzogen

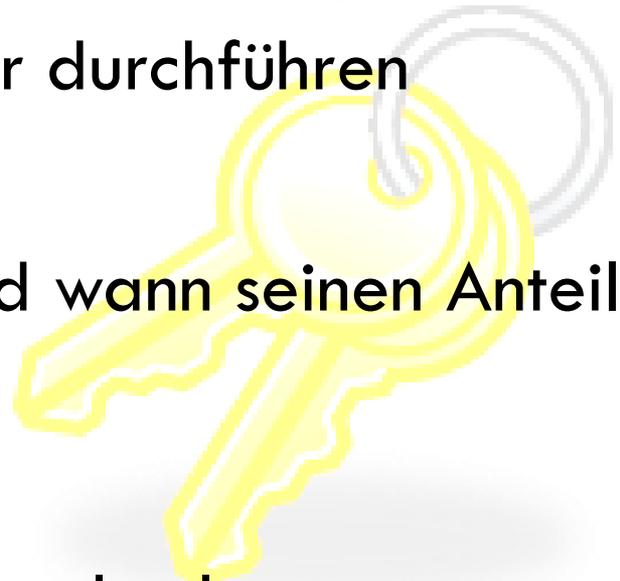


Subgroup Exclusion Operation

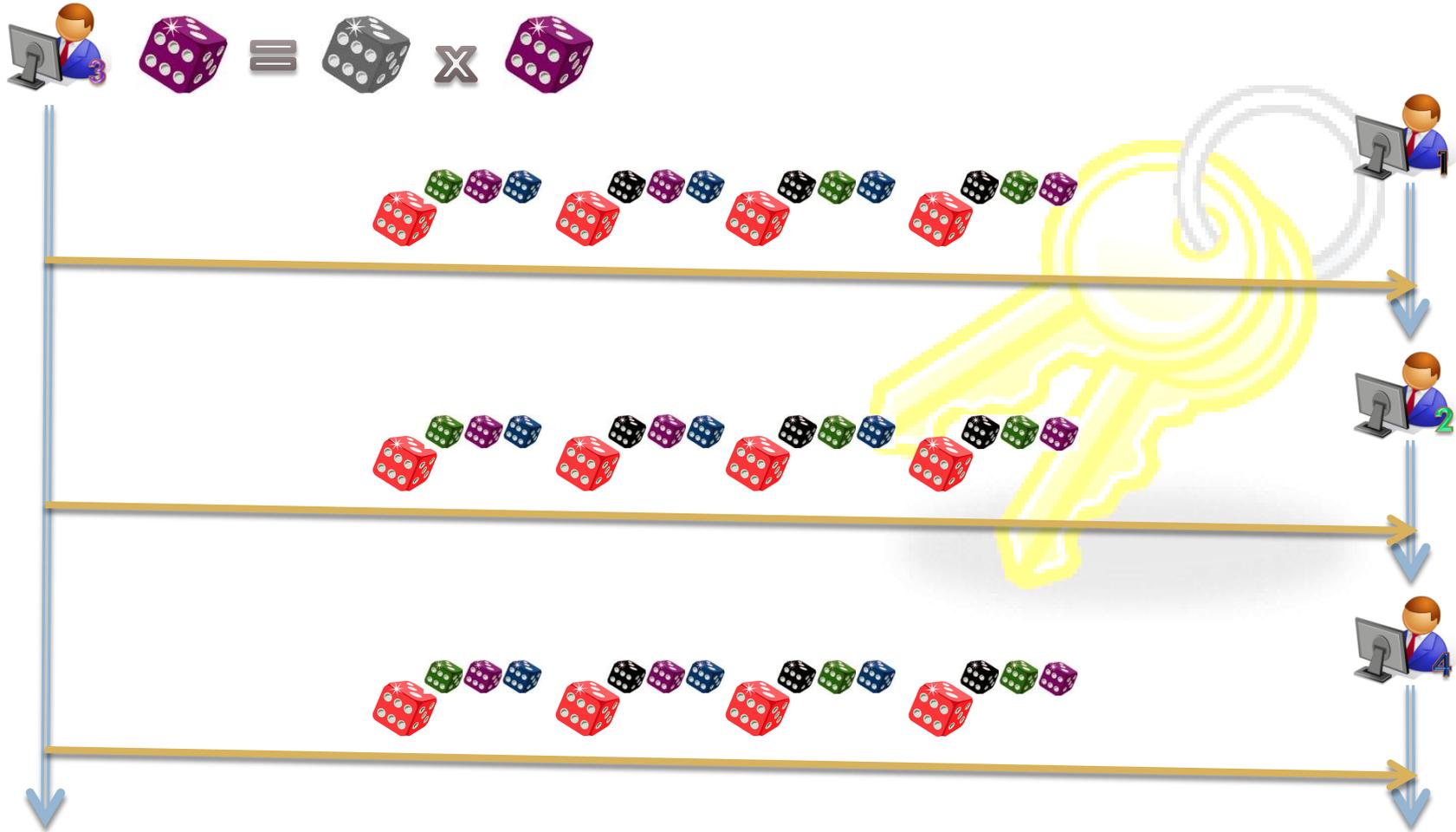


Key Refresh Operation

- Da jedes Mitglied die Broadcast-Nachricht gespeichert hat kann ihn jeder durchführen
- Man hält fest welches Mitglied wann seinen Anteil zuletzt erneuert hat
- Das Mitglied der seinen Schlüssel zuletzt erneuert hat, ist der Nächste für einen Refresh



Key Refresh Operation



AKA Sicherheitsbetrachtungen

- Es existieren folgende Entitäten:



Alle Mitglieder, die ausgeschlossen wurden



Alle momentanen Mitglieder



Alle zukünftigen Mitglieder

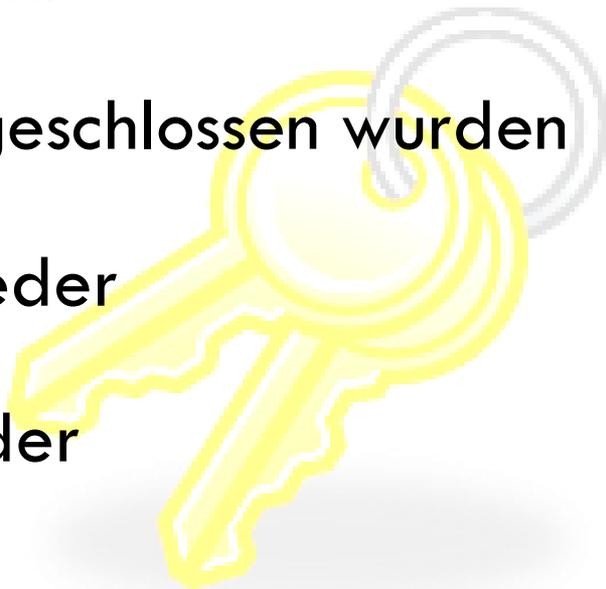


{Eve}

- Eve's Ziel ist es

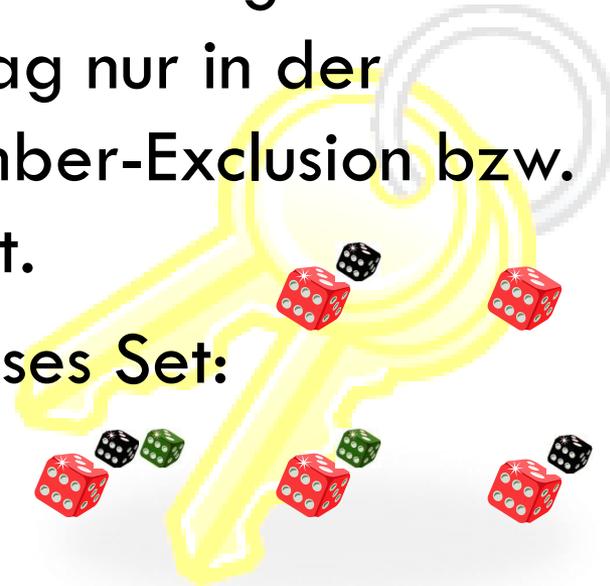


zu berechnen



AKA Sicherheitsbetrachtungen

- Nun kann Eve alle Nachrichten abfangen und weiß, dass der letzte Schlüsselbeitrag nur in der Broadcast Nachricht der Member-Exclusion bzw. Member Addition enthalten ist.
- Dann besitzt Eve maximal dieses Set:
- Problem:
Den letzten Wert(Schlüssel) von einem Zufallswert zu unterscheiden



AKA Sicherheitsbetrachtungen

- Was wir aus dem IKA kennen
- Daraus folgt dass alle AKA Operationen GDDH-Probleme sind
- Zu beachten ist, dass Authentifizierung, Schutz vor Time-Attacks usw. als gegeben angenommen wird



Weitere Ansätze

□ Ansatz von Steer[Str]:

- Vorteil: Member-Addition gut geeignet
- Nachteil: Member-Exclusion sehr aufwendig

□ Protokoll von Burmester und Desmedt:

- Key: 

- Vorteil: IKA Sehr effizient

- Nachteil: Hohe Menge an Nachrichten, die zugleich gesendet und empfangen werden, was die Synchronisation komplex macht somit AKA ineffizient



VIELEN DANK FÜR DIE
AUFMERKSAMKEIT

Dienersberger Maximilian