



**Einführung in die Informatik 2**

Prof. Dr. Andrey Rybalchenko, M.Sc. Ruslán Ledesma Garza

Bearbeitungszeit : 15 min

---

Name, Vorname und Matrikelnummer (**Bitte leserlich schreiben!**)

---

Gruppe

**Aufgabe 11.1** [2 Punkte] **Terminierungsfunktion**

Geben Sie eine natürliche Terminierungsfunktion für die folgende Prozedur an.

$p : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$

$p \ n = \text{if } 0 < n \text{ then } p \ (n - 1) \text{ else if } n < 0 \text{ then } p \ (n + 1) \text{ else } ()$

**Lösungsvorschlag 11.1**

$\lambda \ n \in \mathbb{N}. \ |n|$

**Aufgabe 11.2** [3 Punkte] **Ergebnisfunktion**

Ist die Funktion  $f = \lambda \ n \in \mathbb{N}. n^2 + 2n + 1$  die Ergebnisfunktion der folgenden Prozedur ?

$p : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$

$p \ n = (n + 1)^2$

**Lösungsvorschlag 11.2**

Ja.

**Aufgabe 11.3** [4 Punkte] **Eigenschaft von Fibonacci-Zahlen**

Betrachten Sie die folgende Definition.

$$f = \lambda(x, y). (y, x + y)$$

$$\text{fib} : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$$

$$\text{fib } n = \text{if } n < 2 \text{ then } n \text{ else fib}(n - 1) + \text{fib}(n - 2)$$

Beweisen Sie die folgende Aussage:

$$\forall n \in \mathbb{N}_+ : f (\text{fib}(n - 1), \text{fib } n) = (\text{fib } n, \text{fib}(n + 1))$$

Für den Beweis benötigen Sie nur die Definitionen von  $f$  und  $\text{fib}$ .

**Lösungsvorschlag 11.3**

Sei  $n \in \mathbb{N}$ .

$$\begin{aligned} f (\text{fib}(n - 1), \text{fib } n) &= (\text{fib } n, \text{fib}(n - 1) + \text{fib } n) && \text{durch Defn. } f \\ &= (\text{fib } n, \text{fib}(n + 1)) && \text{durch Defn. fib, weil } n > 0 \end{aligned}$$

**Aufgabe 11.4** [6 Punkte] **Funktions berechnung**

Beweisen Sie, dass die Prozedur

$$\begin{aligned} p : \mathbb{N} &\rightarrow \mathbb{N} \\ p \ n &= 0 && \text{falls } n = 0 \\ p \ n &= 2 * n - 1 + p (n - 1) && \text{falls } n > 0 \end{aligned}$$

die Funktion  $f = \lambda n \in \mathbb{N}. n^2$  berechnet.

**Lösungsvorschlag 11.4**

a)  $n = 0 : f \ 0 = 0^2 = 0$

b)  $n > 0 :$

$$\begin{aligned} f \ n &= (n + 1)^2 && \text{durch Defn. } f \\ &= n^2 + 2n + 1 \\ &= f \ n + 2n + 1 \\ &= f (n - 1) + 2n + 1 \\ &= 2n - 2 + 1 + f (n - 1) \\ &= 2n - 1 + f (n - 1) \end{aligned}$$

**Feedback** Die folgenden Fragen gehören nicht zum Test. Sie beeinflussen Ihre Punkte nicht, sondern dienen uns nur dazu, die Vorlesung einzuschätzen.

- a) Wie schwer finden Sie den Stoff der letzten Vorlesungswoche?  
 leicht     normal     schwierig     sehr schwierig
- b) Wie schwer würden Sie diesen Test finden *wenn Sie sich entsprechend vorbereitet haben*?  
 leicht     normal     schwierig     sehr schwierig
- c) Kommentare?